



浙江财经大学

Zhejiang University Of Finance & Economics



数据结构-链表

信智学院 陈琰宏

主要内容

01

链表的存储方式(结构体、数组)

02

单链表的操作 (增删改查等)

03

单链表与双链表

04

案例实现

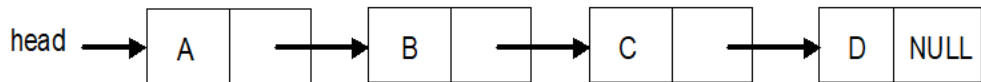
1 链表概念

链表是一种重要的基础数据结构，也是实现复杂数据结构的重要手段。它不按照线性的顺序存储数据，而是由若干个同一结构类型的“结点”依次串接而成的，即每一个结点里保存着下一个结点的地址（指针）。

链表又分单向链表，双向链表以及循环链表等。

1.1 单链表-结构体表示

单向链表的结构



使用结构的嵌套来定义单向链表结点的数据类型。如：

```
struct Node{  
    ElementType Data;           struct Node *p;  
    struct Node *Next;         p = (struct Node *) malloc(sizeof(struct Node));  
};  
// ElementType代表所有可能的数据类型
```

类型定义typedef

除了使用C语言提供的标准类型和自己定义的一些结构体、枚举等类型外，还可以用typedef语句来建立已经定义好的数据类型的别名。

```
typedef 原有类型名 新类型名
```

```
typedef struct Node * NodePtr;
```

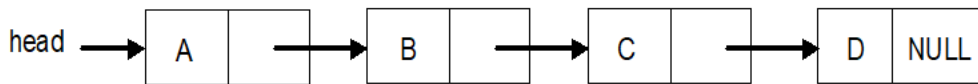
typedef struct Node * NodePtr;

这样，Reverse函数头就可以写成：

NodePtr Reverse(NodePtr L)

```
NodePtr Reverse( NodePtr L )
/* struct Node *Reverse(struct Node *L) */
{
    struct Node *p, *q, *t;
    p = L, q = NULL;
    while ( p != NULL ) {
        t = p->Next;
        p->Next = q;  q = p;
        p = t;
    } return q;
}
```

1.2 单链表-数组表示

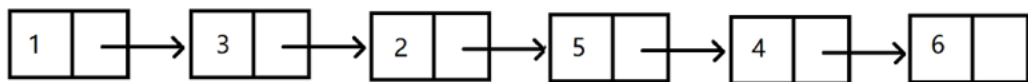


head 表示头节点的下标

e[i] 表示节点 i 的值

ne[i] 表示节点 i 的 next 指针是多少

idx 存储当前已经用到了哪个节点

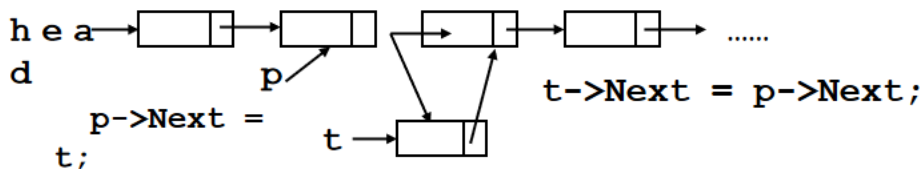


$e[1]=1$ $e[2]=3$ 表示当前节点的值

$ne[1]=2$ $ne[2]=3$ 表示当前节点next域指向的下一个节点编号

2.1 单链表操作-插入结点

(1) 插入结点 (p之后插入新结点t)

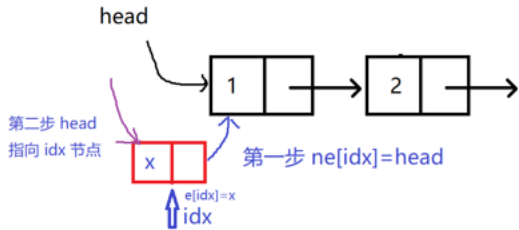


```
1 s=new LinkedList();
2 // malloc(sizeof(struct Node));
3 s->data=e;           // 创建新结点*s, 其data域置为e
4 s->next=p->next;    // 将*s结点插入到*p结点之后
5 p->next=s;
```


单链表操作-插入结点 (结构体实现)

```
bool ListInsert(int i, T e) //插入数据元素
{
    int j=0; LinkList *s, *p;
    if (i<1) return false; //i<1时i错误,返回false
    p=head; //p指向头结点,j置为0(即头结点的序号为0)
    while (j<i-1 && p!=NULL) //查找第i-1个结点*p
    {
        j++;
        p=p->next;
    }
    if (p==NULL) return false; //未找到第i-1个结点,返回false
    else //找到第i-1个结点*p,插入新结点并返回true
    {
        s=new LinkList(); // malloc(sizeof(struct Node));
        s->data=e; //创建新结点*s,其data域置为e
        s->next=p->next; //将*s结点插入到*p结点之后
        p->next=s;
        return true;
    }
}
```

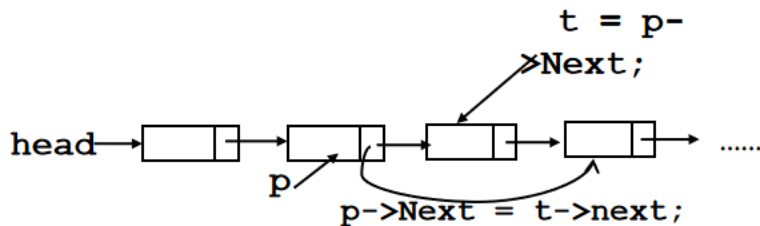
单链表-插入结点 (数组表示)



```
1  /* 将 x 插到头节点
2  void add_to_head(int x)
3  {
4      e[idx] = x;    //将第一个的值 变成我们插入的值
5      ne[idx] = head; //当前点指向 head 后的点
6      head = idx;   //将 head 指到 当前的头部
7      idx++;        //移到下一个
8  }
```

```
9
10 /*将 x 这个点 插入到下标是 k 的点后面
11 void add(int k, int x)
12 {
13     e[idx] = x;    //先把 x 这个值存下来
14     ne[idx] = ne[k]; //把新点的指针插入 k这个点指向的下一个位置
15     ne[k] = idx;   //把 k 指向 要插入节点的位置
16     idx++;
17 }
```

2.2 单链表-删除结点

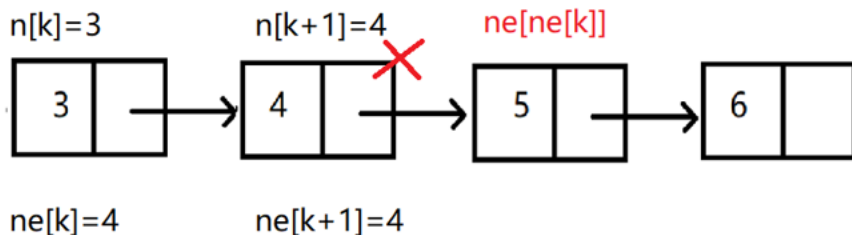


- 1 `t=p->next;` //q指向第*i*个结点
- 2 `p->next=t->next;` //从单链表中删除*q结点
- 3 `delete q;` //释放*q结点

单链表-删除结点

```
bool ListDelete(int i)    //删除数据元素
{
    int j=0; LinkList *q, *p;
    if (i<1) return false;    //i<1时i错误,返回false
    p=head;    //p指向头结点,j置为0(即头结点的序号为0)
    while (j<i-1 && p!=NULL) //查找第i-1个结点*p
    {
        j++;
        p=p->next;
    }
    if (p==NULL) return false; //未找到第i-1个结点,返回false
    else    //找到第i-1个结点*p
    {
        q=p->next;    //q指向第i个结点
        if (q==NULL) return false;    //若不存在第i个结点,返回false
        p->next=q->next;    //从单链表中删除*q结点
        delete q;    //释放*q结点
        return true;    //返回true表示成功删除第i个结点
    }
}
```

单链表-删除结点



```
1  /* 将位置 k 后面的点删除
2  void remove(int k)
3  {
4      ne[k] = ne[ne[k]];
5  }
```

2.3 单链表-初始化

```
LinkedList MakeEmpty()  
{  
    head=new LinkedList();  
    head->next=NULL;  
    return head;  
}
```

//创建一个空单链表

```
1 void init()  
2 {  
3     head = -1;  
4     idx  = 0;  
5 }
```

2.4 单链表-遍历

void DispList() //输出单链表所有结点值

```
{   LinkList *p;
    p=head->next;           //p指向开始结点
    while (p!=NULL)       //p不为NULL,输出*p结点的data域
    { cout << p->data << " ";
      p=p->next;           //p移向下一个结点
    }
    cout << endl;
}

while(cnt<m){
    x=ne[x];cnt++;
}
```

2.5 单链表-求长度

```
int ListLength() //求单链表数据结点个数
{
    int i=0; LinkList *p;
    p=head; //p指向头结点,n置为0(即头结点的序号为0)
    while (p->next!=NULL)
    {
        i++;
        p=p->next;
    }
    return (i); //循环结束,p指向尾结点,其序号i为结点个数
}
```


2.6 单链表的建立

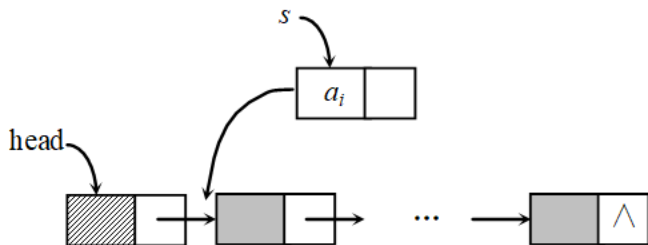
有两种常见的插入结点方式：

- (1) 在链表的**头上**不断插入新结点；
- (2) 在链表的**尾部**不断插入新结点。

如果是后者，一般需要有一个**临时的结点指针**一直指向当前链表的最后一个结点，以方便新结点的插入。

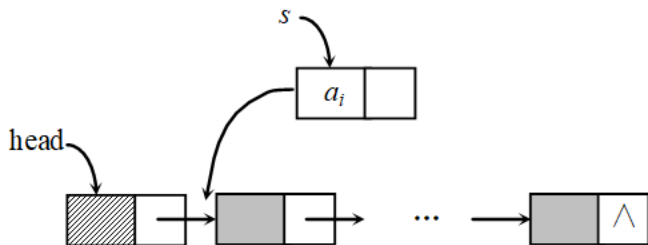
2.6.1 头插法

该方法从一个空表开始，读取数组 a 中的元素，生成新结点 s ，将读取的数据存放到新结点的数据域中，然后将新结点 s 插入到当前链表的表头上，如图所示。重复这一过程直到 a 数组的所有元素读完为止。

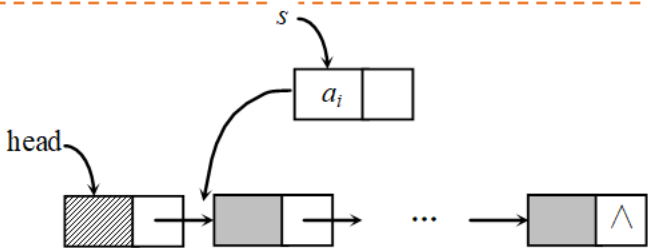


2.6.1 头插法

该方法从一个空表开始，读取数组 a 中的元素，生成新结点 s ，将读取的数据存放到新结点的数据域中，然后将新结点 s 插入到当前链表的表头上，如图所示。重复这一过程直到 a 数组的所有元素读完为止。



2.6.1 头插法



```
void CreateListF(T a[],int n)
```

```
{  LinkList*s; int i;
```

```
  head->next=NULL;
```

```
  for (i=0; i<n; i++)
```

```
  {  s=new LinkList();
```

```
    s->data=a[i];
```

```
    s->next=head->next; //将*s结点插入到开始结点之前,头结点之后
```

```
    head->next=s;
```

```
  }
```

```
}
```

//头插法建立单链表

//将头结点的next域置为NULL

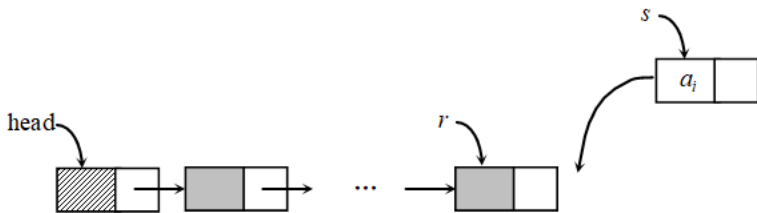
//循环建立数据结点

// malloc(sizeof(struct Linklist))

//创建数据结点*s

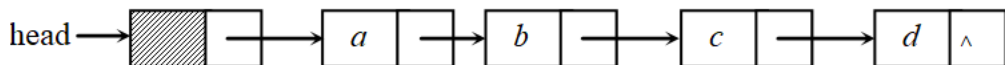
2.6.2 尾插法

头插法建立链表虽然算法简单，但生成的链表中结点的次序和原数组元素的顺序相反。若希望两者次序一致，可采用尾插法建立。该方法是将新结点 s 插到当前链表的表尾上，为此必须增加一个尾指针 r ，使其始终指向当前链表的尾结点



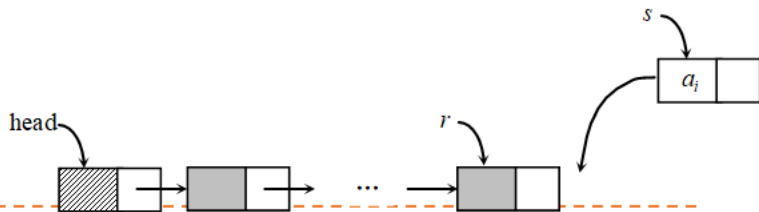
2.6.2 尾插法

若数组 a 包含4个元素' a '、' b '、' c '和' d '，调用 $\text{CreateListR}(a,4)$ 建立的单链表如图所示。从中看到，尾插法建立的单链表中数据结点的次序与 a 数组中的次序正好相同。



2.6.2 尾插法

```
void CreateListR(T a[],int n) //尾插法建立单链表
{
    LinkList *s,*r; int i;
    r=head; //r始终指向尾结点,开始时指向头结点
    for (i=0; i<n; i++) //循环建立数据结点
    {
        s=new LinkList ();
        s->data=a[i]; //创建数据结点*s
        r->next=s; //将*s结点插入*r结点之后
        r=s;
    }
    r->next=NULL; //将尾结点的next域置为NULL
}
```



练习

1. 链表不具备的特点是 ()
- A. 可随机访问任何一个元素 B. 插入、删除操作不需要移动元素
C. 无需事先估计存储空间大小 D. 所需存储空间与存储元素个数成正比
2. 在单链表中, 若p所指的结点不是最后结点, 在p之后插入s所指结点, 则执行 ()
- A) $s \rightarrow next = p; p \rightarrow next = s;$ B) $s \rightarrow next = p \rightarrow next; p = s;$
C) $s \rightarrow next = p \rightarrow next; p \rightarrow next = s;$ D) $p \rightarrow next = s; s \rightarrow next = p;$
3. 设h为不带头结点的单向链表。在h的头上插入一个新结点t的语句是: ()
- A) $h = t; t \rightarrow next = h \rightarrow next;$ B) $t \rightarrow next = h \rightarrow next; h = t;$
C) $h = t; t \rightarrow next = h;$ D) $t \rightarrow next = h; h = t;$

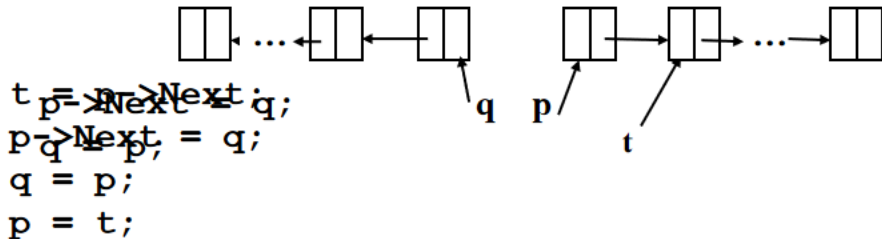
A C D

[例] 给定一个单链表L，请设计函数Reverse将链表L就地逆转，即不需要申请新的结点，将链表的第一个元素转为最后一个元素，第二个元素转为倒数第二个元素.....

```
struct Node *Reverse(struct Node *L)
```

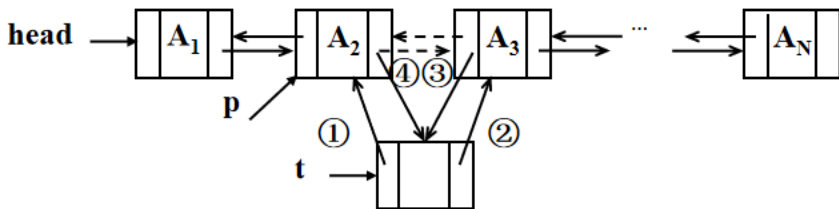
【分析】 基本思路是：
`struct Node *q, *t;`

- 利用循环，从链表头开始逐个处理。
- 如何把握住循环不变式。(循环不变式表示一种在循环过程进行时不变的性质，不依赖于前面所执行过程的重复次数的断言。)
- 在每轮循环开始前我们都面临两个序列，其中p是一个待逆转的序列，而q是一个已经逆转好的序列，如下图。
- 每轮循环的目的是把p中的第一个元素插入到q的头上，使这轮循环执行好后，p和q还是分别指向新的待逆转序列和已经逆转好的序列。



3.1 双向链表

双向链表也叫双链表，它的每个数据结点中都有两个指针，分别指向直接后继和直接前驱。所以，从双向链表中的任意一个结点开始，都可以很方便地访问它的前驱结点和后继结点。双向链表的插入、删除和遍历基本思路与单向链表相同，但需要同时考虑前后两个指针。



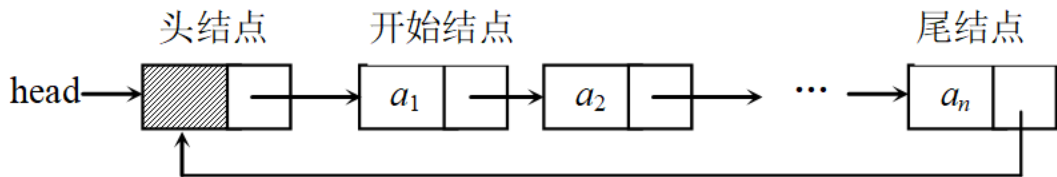
```
struct DNode {  
    ElementType Data;  
    struct DNode *Next;  
    struct DNode *Previous;  
} *p,*t;
```

指针操作顺序:

- ① $t \rightarrow \text{Previous} = p$;
- ② $t \rightarrow \text{Next} = p \rightarrow \text{Next}$;
- ③ $p \rightarrow \text{Next} \rightarrow \text{Previous} = t$;
- ④ $p \rightarrow \text{Next} = t$;

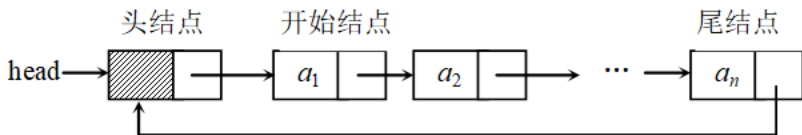
3.2 循环链表

带头结点head的循环单链表如下图所示，表中尾结点的指针域不再是空，而是指向头结点，整个链表形成一个环。其特点是从表中任一结点出发均可找到链表中其他结点。



3.2 循环链表

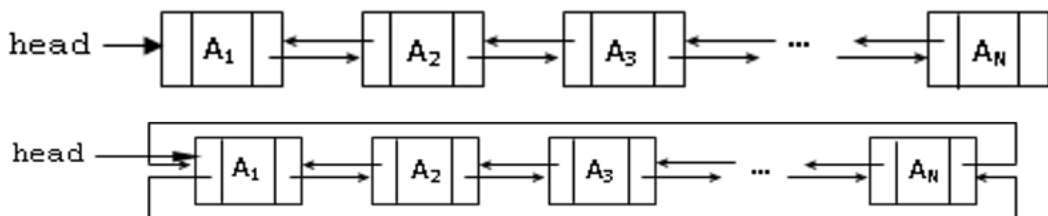
循环单链表的基本运算实现算法与非循环单链表的相似，只是对表尾的判断作了改变。例如，在循环单链表 $head$ 中，判断表尾结点 p 的条件是 $p \rightarrow next == head$ 。



3.2 双向循环链表

如果将双向链表最后一个单元的Next指针指向链表的第一个单元，而第一个单元的Previous指针指向链表的最后一个单元，这样构成的链表称为双向循环链表。

```
struct Node{  
    ElementType Data;  
    struct Node *Next;  
    struct Node *Previous;  
};
```



双向链表中有两个指针域llink和rlink，分别指向该结点的前驱及后继。设p指向链表中的一个结点，它的左右结点均非空。现要求删除结点p，则下面语句序列中错误的是（ ）。

- A. p->rlink->llink = p->rlink;
p->llink->rlink = p->llink; delete p;
- B. p->llink->rlink = p->rlink;
p->rlink->llink = p->llink; delete p;
- C. p->rlink->llink = p->llink;
p->rlink->llink->rlink = p->rlink; delete p;
- D. p->llink->rlink = p->rlink;
p->llink->rlink->llink = p->llink; delete p;

A

1.3.7.1 [1115]多项式相加

一条单链表可以表示一个一元多项式，每个节点包含三个域：指数、系数和后继节点（指针或引用），如多项式 $3X^4-6X^2+5X-10$ 的单链表。给定两个多项式，实现两个多项式相加算法。

输入 第一行输入包含两个整数 m, n ；后续为 m 行 和 n 行数据。 m, n 分别代表两个多项式的项数。后续每一行代表多项式的项，包含 a, b 两个数据，表示该项的系数和指数。

输出 从较高指数到较低指数，依次输出求得的和。

每行一项，格式与输入相同，但无需输出项数，系数为0的项也不输出。

样例输入

```
2 3
1 2
1 1
2 2
1 1
2 0
```

样例输出

```
3 2
2 1
2 0
```

1.3.7.1 [1155]多项式相加-数组模拟

```
1  #include <iostream>
2  using namespace std;
3  int ans[200];
4  int main()
5  {
6      int n,m;
7      scanf("%d %d",&n,&m);
8      for(int i=1;i<=n;i++){
9          int x,y;//输入一个表达式的各项参数
10         scanf("%d%d",&x,&y);
11         ans[y]+=x;//y表示指数, 相同指数的系数相加
12     }
13     for(int i=1;i<=m;i++){
14         int x,y;////输入第二个表达式的各项参数
15         scanf("%d%d",&x,&y);
16         ans[y]+=x;
17     }
18     for(int i=100;i>=0;i--){
19         if(ans[i]!=0){
20             printf("%d %d\n",ans[i],i);
21         }
22     }
23 }
```


1.3.7.1 [1115]多项式相加

方法2: 采用**顺序存储结构**表示多项式的**非零项**。

每个非零项 $a_i x^i$ 涉及两个信息: 指数 i 和系数 a_i ,
可以将一个多项式看成是一个 (a_i, i) 二元组的集合。

例如: $P_1(x) = 9x^{12} + 15x^8 + 3x^2$ 和 $P_2(x) = 26x^{19} - 4x^8 - 13x^6 + 82$

➤最后得到的结果多项式是: $((26,19), (9,12), (11,8), (-13,6), (3,2), (82,0))$

表示成: $P_2(x) = 26x^{19} + 9x^{12} + 11x^8 - 13x^6 + 3x^2 + 82$

数组下标 <i>i</i>	0	1	2
系数	9	15	3	-
指数	12	8	2	-

(a) $P_1(x)$

数组下标 <i>i</i>	0	1	2	3
系数	26	-4	-13	82	-
指数	19	8	6	0	-

(b) $P_2(x)$

1.3.7.1 多项式相加

方法3：采用**链表结构**来存储多项式的**非零项**。

每个链表**结点**存储多项式中的一个**非零项**，包括**系数和指数**两个数据域以及一个**指针域**，表示为：

coef	expon	link
------	-------	------

```
typedef struct PolyNode *Polynomial;
```

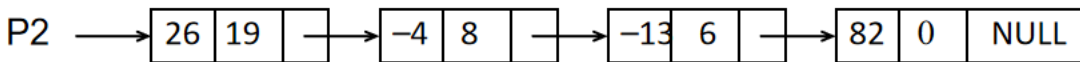
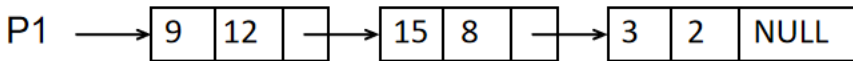
```
typedef struct PolyNode {  
    int coef; tuoyuan  
    int expon;  
    Polynomial link;  
}
```

例如：

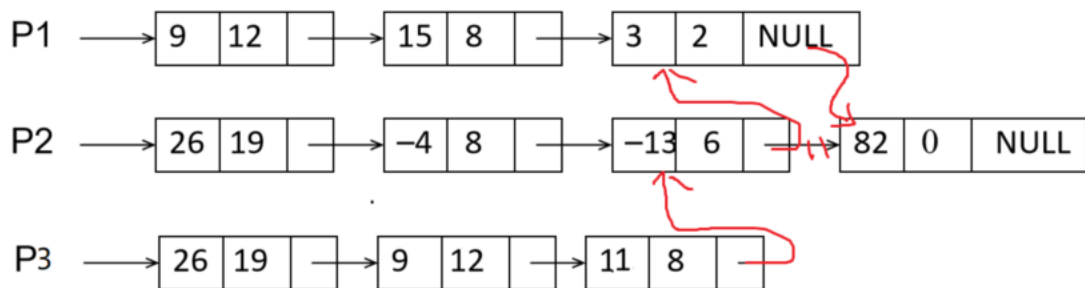
$$P_1(x) = 9x^{12} + 15x^8 + 3x^2$$

$$P_2(x) = 26x^{19} - 4x^8 - 13x^6 + 82$$

链表存储形式为：

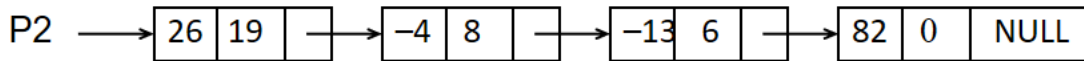
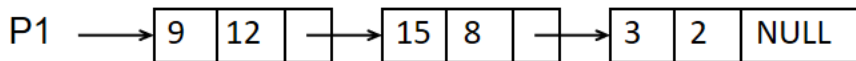


a. 总思路



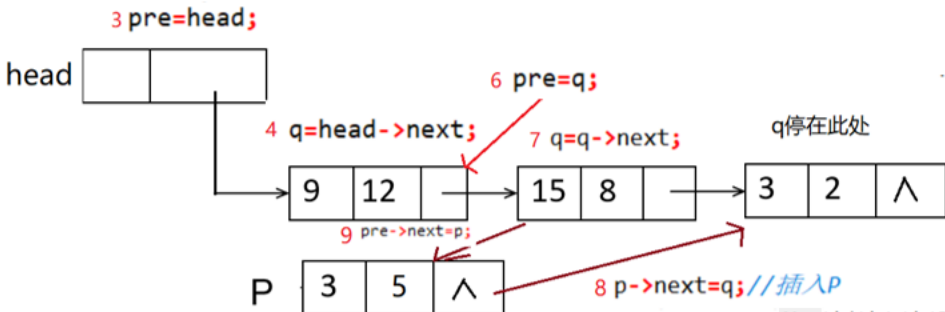
P3是一个虚拟链表，没有生成新的节点，就是在P1,P2上产生了一条新的链。

b. 节点定义



```
3 typedef struct LNode
4 {
5     int coef, expn; // coef系数 expn指数
6     struct LNode *next;
7 } LNode, *LinkList;
```

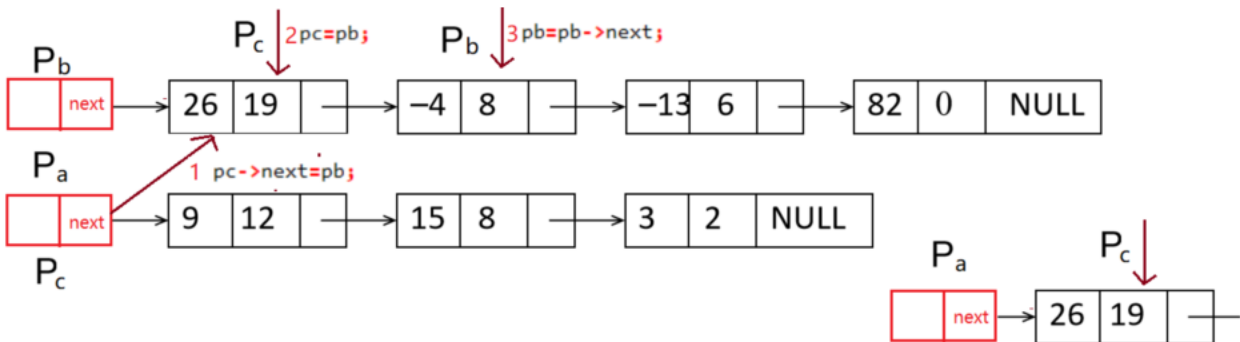
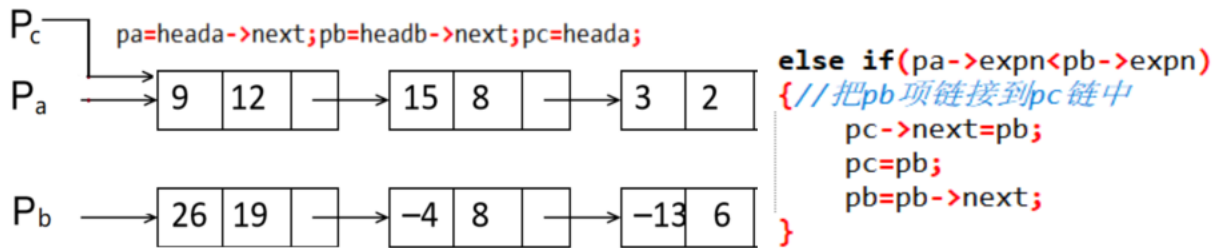
c. 创建链表



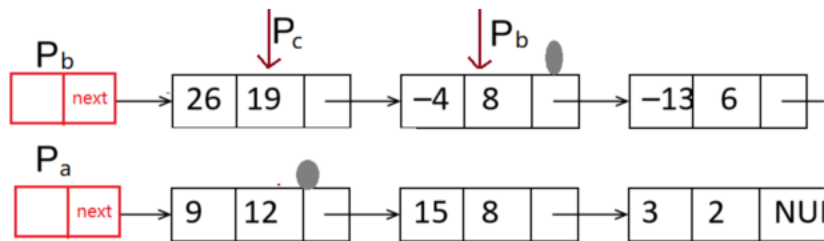
```
1 p=new LNode(); //新建插入的点
2 cin>>p->coef>>p->expn;
5 while(q&&q->expn>p->expn)
{ //比较指数大小, 如果新节点P的指数 < q.
  //如果没到末尾并且找到合适的位置
  6 pre=q;
  7 q=q->next;
}
```

```
11 LinkList ListInsert(int n)
12 { //创建链表
13   LinkList head,p,q,pre,t;
14   head=new LNode(); //新建头结点
15   head->next=NULL; //初始头结点的next为NULL
16   for(int i=0;i<n;i++)
17   {
18     p=new LNode(); //新建插入的点
19     cin>>p->coef>>p->expn;
20     pre=head; //
21     q=head->next;
22     while(q&&q->expn>p->expn)
23     { //比较指数大小, 如果新节点P的指数 < q.expn
24       //如果没到末尾并且找到合适的位置
25       pre=q;
26       q=q->next;
27     }
28     p->next=q; //插入P
29     pre->next=p;
30   }
31   return head;
32 }
```

d. 相加操作 ($pa < pb$)



e. 相加操作 (pa>pb)



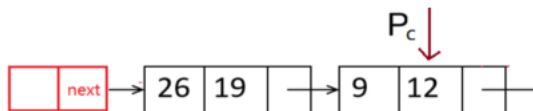
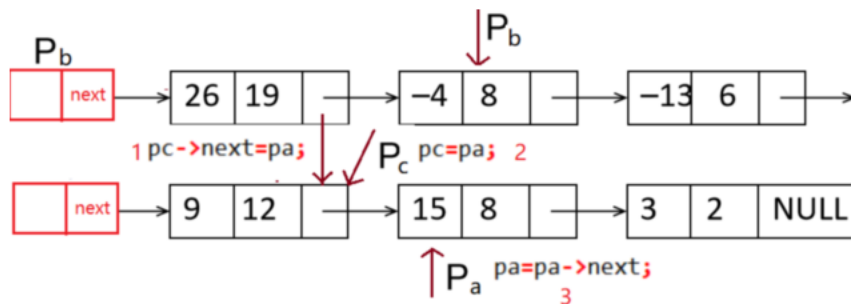
```
else if(pa->expn > pb->expn)
```

```
{ //把pa项链接到pc链中
```

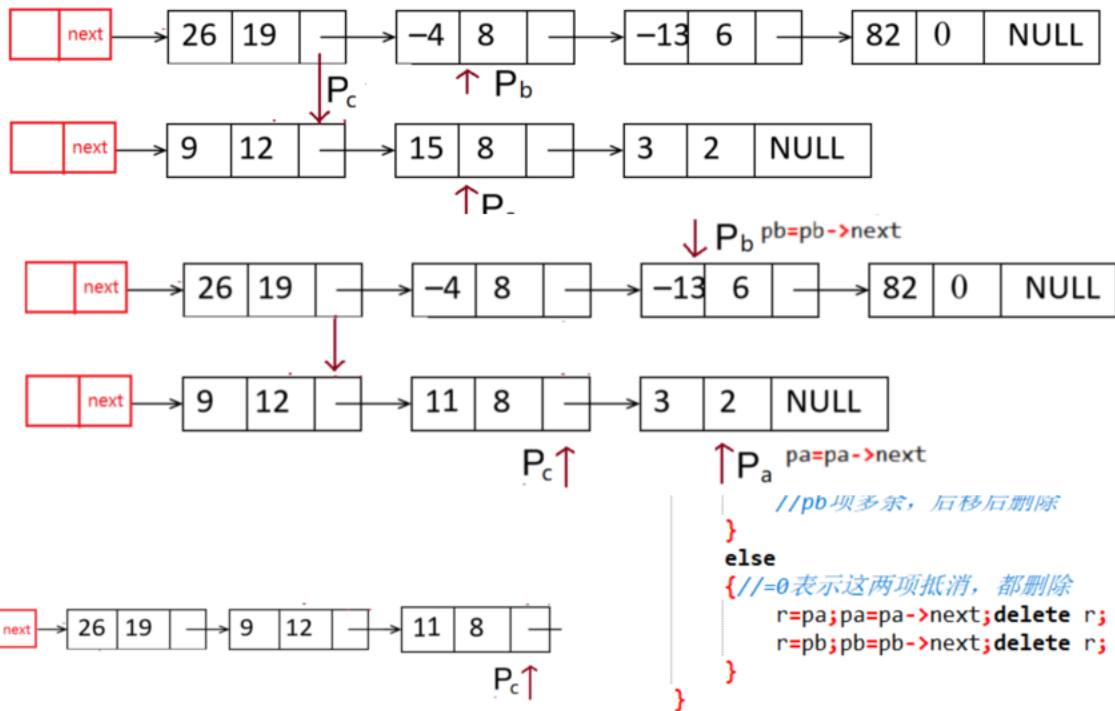
```
1 pc->next=pa;
```

```
2 pc=pa;
```

```
3 pa=pa->next;
```



f. 相加操作 (pa==pb)



数
后走一项
项

1.3.7.1 [1115]多项式相加-链表标准实现

```
1 #include<bits/stdc++.h>
2 using namespace std;
3 typedef struct LNode
4 {
5     int coef,expn;// coef系数  expn指数
6     struct LNode *next;
7 }LNode,*LinkList;
8 LinkList ListInsert(int n)
9 {// 创建链表
10 void _plus(LinkList heada,LinkList headb)
11 {
12 void print(LinkList head)
13 {
14 int main()
15 {
16     LinkList head1,head2;
17     int m,n;
18     cin>>m>>n;
19     head1 = ListInsert(m);
20     head2 = ListInsert(n);
21     _plus(head1,head2);
22     print(head1);
23     return 0;
24 }
25
26 LinkList ListInsert(int n)
27 {// 创建链表
28     LinkList head,p,q,pre,tail;
29     head=new LNode();
30     head->next=NULL;
31     tail=head;
32     for(int i=0;i<n;i++)
33     {
34         p=new LNode();
35         cin>>p->coef>>p->expn;
36         pre=head;
37         q=head->next;
38         while(q&&q->expn>p->expn)
39             {// 没到末尾并且找到合适的位置
40                 pre=q;
41                 q=q->next;
42             }
43         p->next=q;
44         pre->next=p;
45     }
46     return head;
47 }
```

1.3.7.1 [1115]多项式相加-链表标准实现

```
30 void _plus(LinkList heada, LinkList headb)
31 {
32     int sum;
33     LinkList pa, pb, pc, r;
34     pa = heada->next; pb = headb->next; pc = heada;
35     //pc 初始为头节点, pa/pb 指向第一个节点
36     //pc 为相加后新的链
37     while(pa && pb) //不为空即不到尾部
38     {
39         if(pa->expn == pb->expn)
40         {
41             sum = pa->coef + pb->coef;
42             if(sum != 0)
43             {
44                 pa->coef = sum; //相加形成新系数
45                 pc->next = pa; pc = pa; //pc 链向后走一项
46                 pa = pa->next; //pa 链 向后走一项
47                 r = pb; pb = pb->next; delete r;
48                 //pb 项多余, 后移后删除
49             }
50             else
51             { // = 0 表示这两项抵消, 都删除
52                 r = pa; pa = pa->next; delete r;
53                 r = pb; pb = pb->next; delete r;
54             }
55         }
56         else if(pa->expn < pb->expn)
57         { //把pb 项链接到pc 链中
58             pc->next = pb;
59             pc = pb;
60             pb = pb->next;
61         }
62         else
63         { //把pa 项链接到pc 链中
64             pc->next = pa;
65             pc = pa;
66             pa = pa->next;
67         }
68     }
69     pc->next = pa ? pa : pb;
70     //有一个后为空把剩下的链接到pc
71 }
```

1.3.7.1 [1115]多项式相加-链表标准实现

```
72 void print(LinkList head)
73 {
74     LinkList p;
75     p=head->next;
76     while(p!=NULL)
77     {
78         cout<<p->coef<<" "<<p->expn<<endl;
79         p=p->next;
80     }
81 }
```

4.1 [3204] 约瑟夫问题

编写一个程序求解约瑟夫 (Joseph) 问题。有 n 个小孩围成一圈，给他们从1开始依次编号，从编号为1的小孩开始报数，数到第 m 个小孩出列，然后从出列的下一个小孩重新开始报数，数到第 m 个小孩又出列，...，如此反复直到所有的小孩全部出列为止，求整个出列序列。

如当 $n=6$ ， $m=5$ 时的出列序列是5, 4, 6, 2, 3, 1。

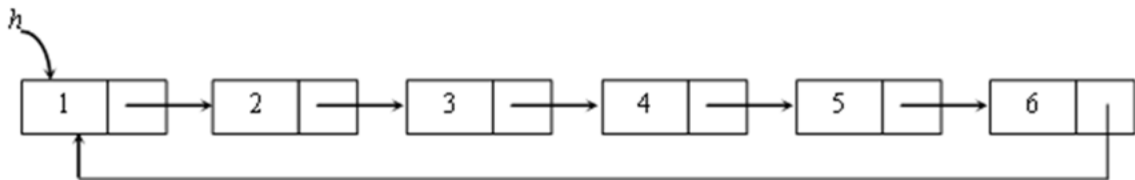
4.1.1 结构体链表解法

(1) 设计存储结构

本题采用循环单链表存放小孩圈，其结点类型如下：

```
struct Child //小孩结点类型
{           //小孩编号
    int no;
    Child *next; //指向下一个结点指针
};
```

依本题操作，小孩圈循环单链表不带头结点，例如， $n=6$ 时的初始循环单链表如图所示， h 指向开始报数的小孩结点，初始时指向首结点。



$n=6$ 时的初始循环单链表

4.1.1 结构体链表解法

```
1 void Init( int n1,int m1) //建立有n1个结点的循环单链表
2 {
3     int i;
4     Child *p,*r; //r指向新建循环单链表的尾结点
5     n=n1; m=m1;
6     h=new Child();
7     h->no=1; //先建立只有一个no为1结点的单链表
8     r=h;
9     for (i=2;i<=n;i++)
10    {
11        p=new Child(); //建立一个新结点*p
12        p->no=i; //新结点存放编号i
13        r->next=p; r=p; //将*p结点链到末尾
14    }
15    r->next=h; //构成一个首结点为h的循环单链表
16 }
```

4.1.1 结构体链表解法

```
1 void Jsequence() //求解约瑟夫序列
2 {
3     int i,j;
4     Child *p,*q;
5     for (i=1;i<=n;i++) //共出列n个小孩
6     {
7         p=h; j=1;
8         while (j<m-1) //从*h结点开始报数, 报到第m-1个结点
9         {
10            j++; //报数递增
11            p=p->next; //移到下一个结点
12        }
13        q=p->next; //q指向第m个结点
14        cout << q->no << " "; //该结点出列
15        p->next=q->next; //删除*q结点
16        delete q; //释放其空间
17        h=p->next; //从下一个结点重新开始
18    }
19 }
```

4.1.1 结构体链表解法

设计如下主函数求解 $n=6$, $m=5$ 的约瑟夫序列:

```
int main()
{
    cin>>n>>m;
    Init(n,m);
    Jsequence();
    cout << endl;
    return 0;
}
```

本程序的执行结果如下:

n=6,m=5的约瑟夫序列:5 4 6 2 3 1

4.1.2 数组链表解法

```
1  #include<bits/stdc++.h>
2  using namespace std;
3  const int N=2e5+10;
4  int ne[N]; //存储下一个节点的编号
5  int n,m;
6  int x,cnt,peo;
7  void init()
8  { //x当前节点值 peo/cnt 计数变量
9      x=n,cnt=1,peo=1;
10 }
11 void add()
12 { //建立链表
13     for(int i=1;i<=n;i++)
14         ne[i]=i+1; //当前点i指向 i+1
15     ne[n]=1; //连成一个环
16 }
```

4.1.2 数组链表解法

```
17 void Remove()
18 {
19     while(peo<=n)
20     {
21         while(cnt<m){
22             x=ne[x];cnt++;
23             }//遍历下一个点
24             cout<<ne[x]<<' ';
25             ne[x]=ne[ne[x]];//删除节点
26             cnt=1;//重新计数
27             peo++;
28         }
29     }
30 int main()
31 {
32     cin>>n>>m;
33     init();
34     add();
35     Remove();
36     return 0;
37 }
```

4.2 [1892] 链表结点的物理顺序与逻辑顺序

已知一个单向链表各结点在存储器中的物理顺序，以及各结点之间的指向关系，要求输出该链表各结点的逻辑顺序。

例如有6个结点，按这6个结点在存储器中的物理顺序依次编号为1~6。第1个结点的指针域为p4，表示它指向第4个结点。符号“^”表示空指针。

因此，这个链表6个结点的逻辑顺序为：

6→1→4→2→5→3。

	6
1	P4
2	p5
3	null
4	p2
5	p3
6	p1

4.2 [1892] 链表结点的物理顺序与逻辑顺序

```
1 #include<iostream>
2 using namespace std;
3 struct node{//定义一个节点
4     int id;
5     node *next;
6 };
7
8 char ch[5];//输入的字符, 如 p4
9 int n,digit[100];//digit[i]=j;表示 第i个节点指向第j个节点
10 int tail;//tail表示最后一个节点
```

4.2 [1892] 链表结点的物理顺序与逻辑顺序

```
11 int main(){
12     while(cin>>n){
13         if(n==0)break;
14         node *head,*t;
15         for(int i=1;i<=n;i++){//循环n次, 输入n个字符串
16             cin>>ch;
17             if(ch[1]=='u'){//u即null, 查找最后一个节点
18                 tail=i;//记录最后一个节点的数据域
19                 digit[i]=-1;//用-1表示空
20             }
21             else
22                 digit[i]=ch[1]-'0';//digit[i]=j;记录节点的指向关系
23         }//1获取数据
```

4.2 [1892] 链表结点的物理顺序与逻辑顺序

```
25 | head=new node();// 新建节点
26 | head->id=tail,head->next=NULL;//初始头节点
27 | int j=1;
28 | while(j<n){//扫描、建立链表的过程
29 |     for(int i=1;i<=n;i++){
30 |         if(digit[i]==head->id){//反向扫描, digit[i]=j, 即i->j
31 |             t=new node();
32 |             t->id=i,t->next=head;//建立 i->j
33 |             head=t,j++;
34 |         }
35 |     }
36 | }//2 建立链表
37 |
38 | while(head->next!=NULL){
39 |     cout<<head->id<<"-";
40 |     head=head->next;
41 | }//3 输出
42 | cout<<tail<<endl;
43 | }
44 | return 0;
45 | }
```

4.3 [7287] 单链表

实现一个单链表，链表初始为空，支持三种操作：

- (1) 向链表头插入一个数；
- (2) 删除第 k 个插入的数后面的数；
- (3) 在第 k 个插入的数后插入一个数

现在要对该链表进行 M 次操作，进行完所有操作后，从头到尾输出整个链表。

注意：题目中第 k 个插入的数并不是指当前链表的第 k 个数。例如操作过程中一共插入了 n 个数，则按照插入的时间顺序，这 n 个数依次为：第1个插入的数，第2个插入的数， \dots 第 n 个插入的数。

4.3 [7287] 单链表

输入格式

第一行包含整数 M ，表示操作次数。

接下来 M 行，每行包含一个操作命令，操作命令可能为以下几种：

- (1) “H x ”，表示向链表头插入一个数 x 。
- (2) “D k ”，表示删除第 k 个输入的数后面的数（当 k 为0时，表示删除头结点）。
- (3) “I k x ”，表示在第 k 个输入的数后面插入一个数 x （此操作中 k 均大于0）。

输出格式

共一行，将整个链表从头到尾输出。

数据范围

$1 \leq M \leq 100000$

所有操作保证合法。

样例输入

```
1 0
H 9
I 1 1
D 1
D 0
H 6
I 3 6
I 4 5
I 4 5
I 3 4
D 6
```

样例输出

```
6 4 6 5
```


4.3 [7287] 单链表

`e = {9, 1, 6, 6, 5, 5, 4, 0}`
`ne = {-1, -1, 6, 5, -1, -1, 3, 0}`

idx

0	1	2	3	4	5	6	7	8	9

`e[0]=9` `n[1]=1` 6 6 5 6 4
`ne[0]=-1` `nx[1]=-1` 6 5 -1 -1 3

样例输入

```
10
H 9
I 1 1
D 1
D 0
H 6
I 3 6
I 4 5
I 4 5
I 3 4
D 6
```

样例输出

```
6 4 6 5
```

4.3 [7287] 单链表

```
1  #include <iostream>
2  using namespace std;
3  const int N = 1e5 + 10;
4  /* head 表示头节点的下标
5  /* e[i] 表示节点 i 的值
6  /* ne[i] 表示节点 i 的 next 指针是多少
7  /* idx 存储当前已经用到了哪个节点
8  int head, e[N], ne[N], idx;
9  /* 初始化
10 void init()
11 {
12     head = -1;
13     idx = 0;
14 }
15 /* 将 x 插到头节点
16 void add_to_head(int x)
17 {
18     e[idx] = x;    /// 将第一个的值 变成我们插入的值
19     ne[idx] = head; /// 因为是插入, 所以当前的 head 是插入后的
20     head = idx;   /// 将 head 指到 当前的头部
21     idx++;       /// 移到下一个
22 }
```

4.3 [7287] 单链表

```
23  /**将 x 这个点 插入到下标是 k 的点后面
24  void add(int k, int x)
25  {
26      e[idx] = x;    /// 先把 x 这个值存下来
27      ne[idx] = ne[k]; /// 把新点的指针插入 k 这个点指向的下一个位置
28      ne[k] = idx;   /// 把 k 指向 要插入节点的位置
29      idx++;
30  }
31  /** 将位置 k 后面的点删除
32  void remove(int k)
33  {
34      ne[k] = ne[ne[k]];
35  }
36
```

4.3 [7287] 单链表

```
37 int main()
38 {
39     // todo 第k个插入的数 就是下标是 k-1的点
40     int m;
41     cin >> m;
42     init(); // 初始化
43     while(m--)
44     {
45         int x, k;
46         char op;
47         cin >> op;
48         if(op == 'H')
49         {
50             cin >> x;
51             add_to_head(x);
52         }
53         else if(op == 'D')
54         {
55             cin >> k;
56             if(k == 0)
57                 head = ne[head];
58             else
59                 remove(k - 1); // todo 下标是 k-1
60         }
61         else
62         {
63             cin >> k >> x;
64             add(k - 1, x); // todo 下标是 k-1
65         }
66     }
67     for(int i = head; i != -1; i = ne[i]) cout << e[i] << ' ';
68     cout << endl;
69     return 0;
70 }
```

今天的课程结束啦.....



下课了...
同学们再见!