



浙江财经大学

Zhejiang University Of Finance & Economics



高级数据结构-树与二叉树

信智学院 陈琰宏

主要内容



01

树的定义与理解

02

二叉树的定义与性质

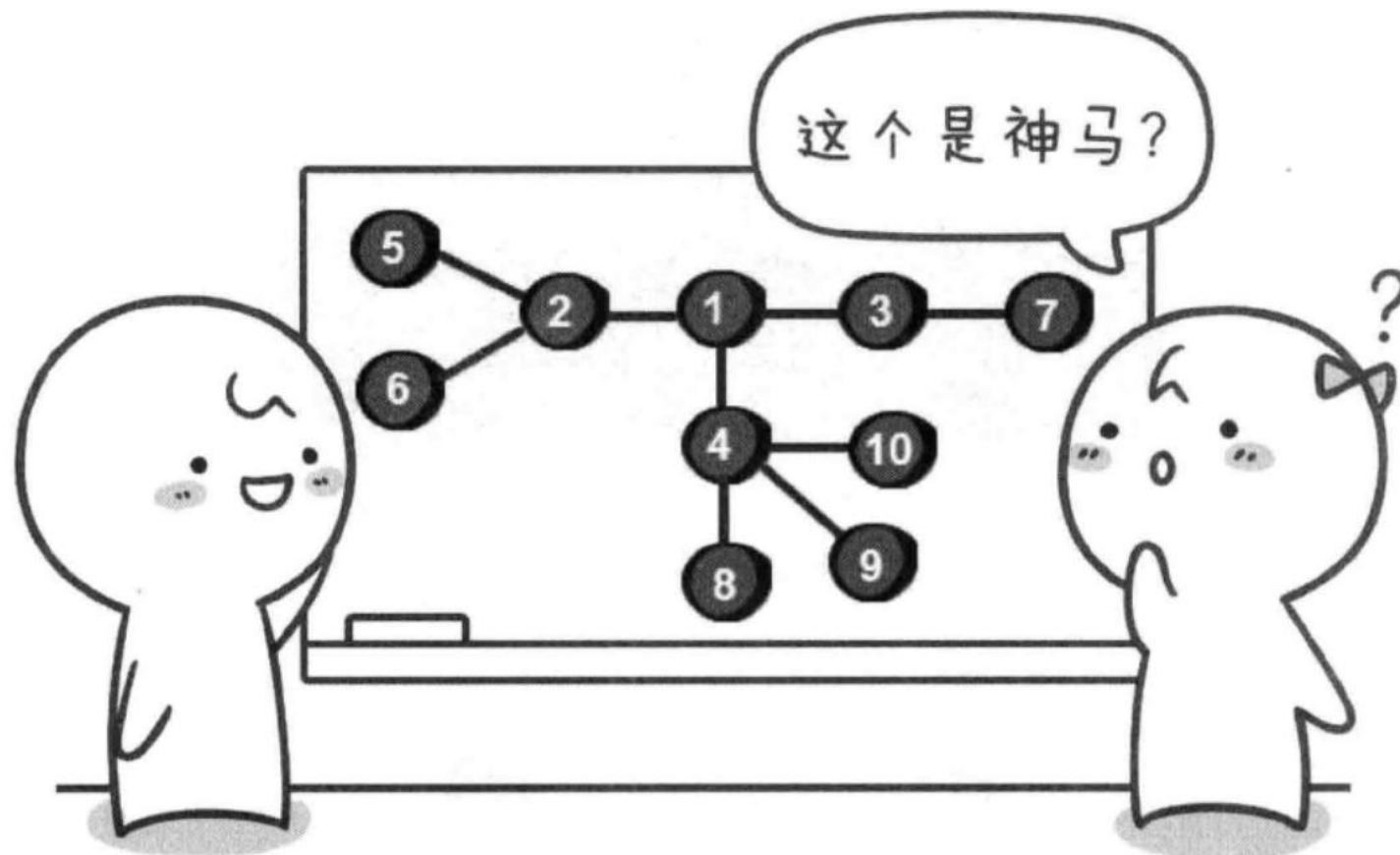
03

二叉树的操作

04

二叉树的应用

5.1 树的定义



5.1 树的定义

此电脑

WPS网盘

3D 对象

视频

图

文

下

音

本

教



中国共产党
全国代表大会



中央委员会总书记 胡锦涛

中央政治局常务委员会 委员：胡锦涛 吴邦国 温家宝 贾庆林 李长春
习近平 李克强 贺国强 周永康

中央政治局 - **中央书记处** 书记：习近平 刘云山 李源潮
何勇 令计划 王沪宁

委员：习近平 王刚 王乐泉 王兆国 王岐山 回良玉 刘淇 刘云山
刘延东 李长春 李克强 李源潮 吴邦国 汪洋 张高丽 张德江
周永康 胡锦涛 俞正声 贺国强 贾庆林 徐才厚 郭伯雄 温家宝
薄熙来

中央军事委员会 主席：胡锦涛
副主席：郭伯雄 徐才厚

中央纪律检查委员会 书记：贺国强

5.1 树的定义



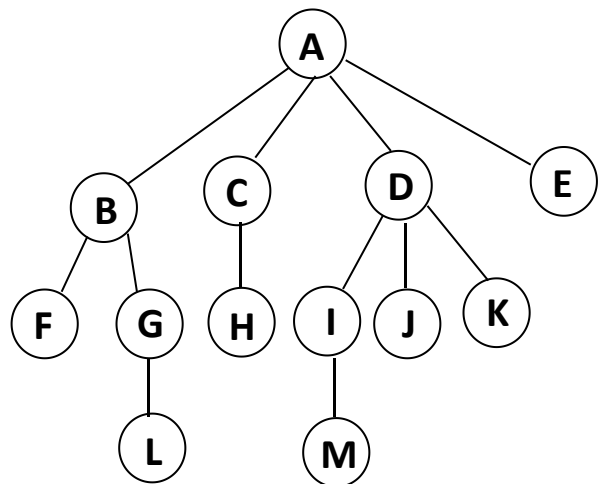
➤ **树 (Tree)** 是 n ($n \geq 0$) 个结点构成的有限集合。当 $n=0$ 时, 称为**空树**; 对于任一**非空树** ($n > 0$), 它具备以下性质:

1. 树中有一个称为**“根 (Root)”** 的特殊结点, 用 r 表示;
2. 其余结点可分为 m ($m > 0$) 个**互不相交的有限集** T_1, T_2, \dots, T_m , 其中每个集合本身又是一棵树, 这些树称为原来树的**“子树 (SubTree)”**。每个子树的根结点都与 r 有一条相连接的边, r 是这些子树根结点的**“父结点 (Parent)”**。

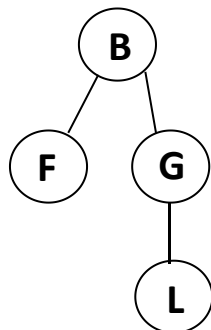
- 子树是**不相交的**;
- 除了根结点外, **每个结点有且仅有一个父结点**;
- 一棵 N 个结点的树有 $N-1$ 条边。

5.1 树的定义

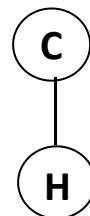
❖ 树与非树



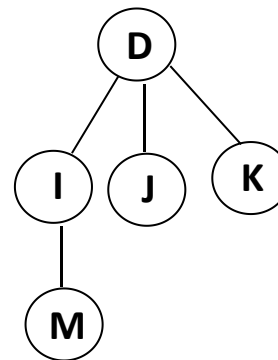
(a) 树 T



(b) 子树 T_{A1}



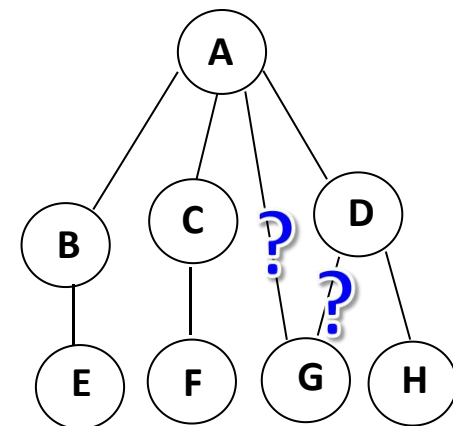
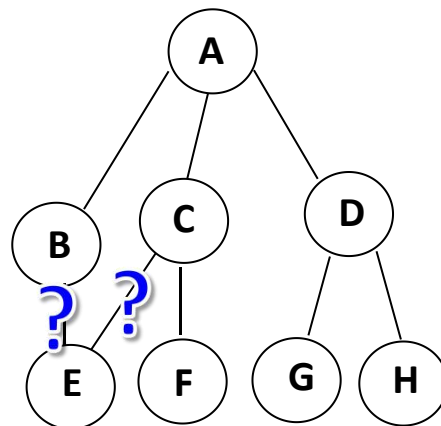
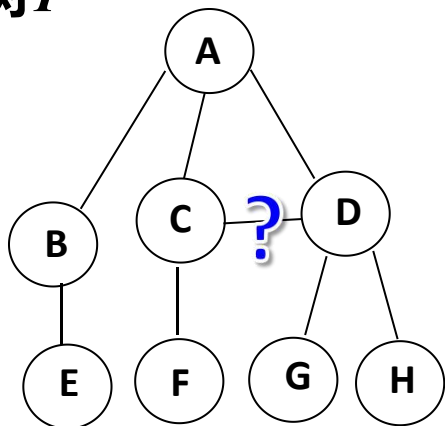
(c) 子树 T_{A2}



(d) 子树 T_{A3}

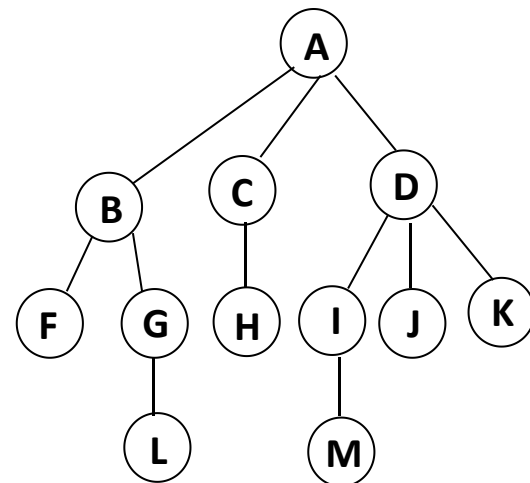


(e) 子树 T_{A4}



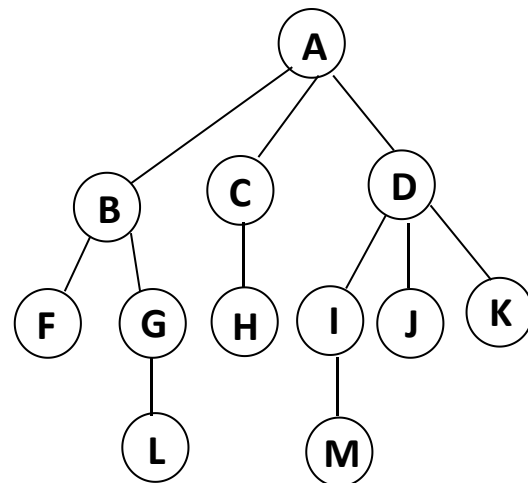
5.1.1 树的基本术语

1. **结点的度 (Degree)** : 一个结点的度是其子树的个数。
2. **树的度**: 树的所有结点中最大的度数。
3. **叶结点 (Leaf)** : 是**度为0**的结点; 叶结点也可称为端结点。
4. **父结点 (Parent)** : 有子树的结点是其子树的根结点的父结点。
5. **子结点 (Child)** : 若A结点是B结点的父结点, 则称B结点是A结点的子结点; 子结点也称**孩子结点**。
6. **兄弟结点 (Sibling)** : 具有同一父结点的各结点彼此是兄弟结点。



5.1.1 树的基本术语

- 分支**：树中两个相邻结点的连边称为一个分支。
- 路径和路径长度**：从结点 n_1 到 n_k 的路径被定义为一个结点序列 n_1, n_2, \dots, n_k ，对于 $1 \leq i \leq k$, n_i 是 n_{i+1} 的父结点。一条路径的长度为这条路径所包含的边（分支）的个数。
- 祖先结点 (Ancestor)**：沿树根到某一结点路径上的所有结点都是这个结点的祖先结点。
- 子孙结点 (Descendant)**：某一结点的子树中的所有结点是这个结点的子孙。
- 结点的层次 (Level)**：规定根结点在1层，其它任一结点的层数是其父结点的层数加1。
- 树的高度 (Height)**：树中所有结点中的最大层次是这棵树的高度（也有把根定义成高度为1的）。



5.1.2 树的简单理解-二分查找



根据某个给定的**关键字 K** ，从**集合 R** 中找出关键字与 **K** 相同的记录，这个过程称为“**查找**”。

➤ 当线性表中数据元素是**按大小排列存放**时，可以改进顺序查找算法，以得到更高效的新算法——**二分法（折半查找）**。

❖ 二分查找是每次在要查找的数据集中取出中间元素关键字 K_{mid} 与要查找的关键字 K 进行比较，根据比较结果确定是否要进一步查找。当 $K_{mid}=K$ ，查找成功；否则，将在 K_{mid} 的左半部分（当 $K_{mid}>K$ ）或者右半部分（当 $K_{mid}<K$ ）继续下一步查找。以此类推，每步的**查找范围都将是上一次的一半**。

5.1.2 树的简单理解-二分查找

[例5.1] 假设有13个数据元素，它们的关键字为 51, 202, 16, 321, 45, 98, 100, 501, 226, 39, 368, 5, 444。若按**关键字由小到大顺序**存放这13个数，**二分查找关键字为444**的数据元素过程如下：

5	16	39	45	51	98	100	202	226	321	368	444	501
1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13
↑ left						↑ mid					↑ right	

- 1、 $\text{left} = 1, \text{right} = 13; \text{mid} = (1+13)/2 = 7: 100 < 444;$
- 2、 $\text{left} = \text{mid}+1=8, \text{right} = 13; \text{mid} = (8+13)/2 = 10: 321 < 444;$
- 3、 $\text{left} = \text{mid}+1=11, \text{right} = 13; \text{mid} = (11+13)/2 = 12: 444 = 444$ **查找结束。**

5.1.2 树的简单理解-二分查找

[例5.2] 仍然以上面13个数据元素构成的有序线性表为例，
二分查找关键字为 **43** 的数据元素如下：

5	16	39	45	51	98	100	202	226	321	368	444	501
1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13

↑
left

↑
mid

↑
right

- 1、 $left = 1, right = 13; mid = (1+13)/2 = 7: 100 > 43;$
- 2、 $left = 1, right = mid-1 = 6; mid = (1+6)/2 = 3: 39 < 43;$
- 3、 $left = mid+1 = 4, right = 6; mid = (4+6)/2 = 5: 51 > 43;$
- 4、 $left = 4, right = mid-1 = 4; mid = (4+4)/2 = 4: 45 > 43;$
- 5、 $left = 4, right = mid-1 = 3; left > right ?$ 查找失败，结束。

二分查找算法

```
int BinarySearch ( StaticTable * Tbl, ElementType K)
{ /*在表Tbl中查找关键字为K的数据元素*/
  int left, right, mid, NoFound=-1;

  left = 1; /*初始左边界*/
  right = Tbl->Length; /*初始右边界*/
  while ( left <= right )
  {
    mid = (left+right)/2; /*计算中间元素坐标*/
    if( K < Tbl->Element[mid]) right = mid-1; /*调整右边界*/
    else if( K > Tbl->Element[mid]) left = mid+1; /*调整左边界*/
    else return mid; /*查找成功, 返回数据元素的下标*/
  }
  return NotFound; /*查找不成功, 返回-1*/
}
```

➤ 二分查找算法的时间复杂度为 $O(\log N)$

5.1.2 树的简单理解-二分查找

▶ 查找的效率主要用“平均查找长度”（Average Search Length, **ASL**）来衡量。

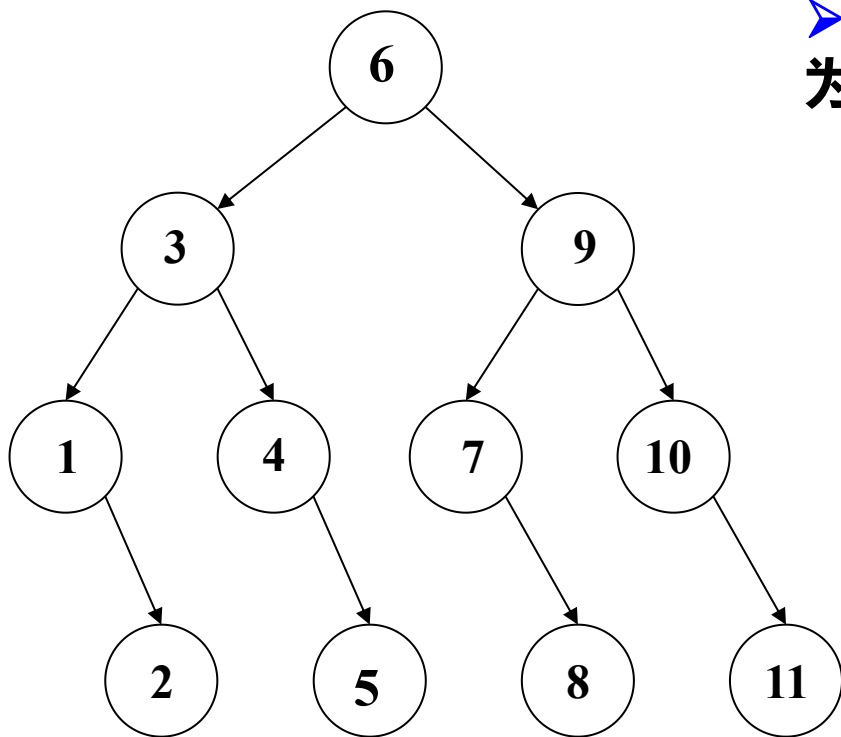
▶ 判定树上每个**结点**需要的查找次数刚好为该结点所在的**层数**;

▶ 查找成功时**查找次数**不会超过判定树的**深度**

▶ $ASL = (4*4+4*3+2*2+1)/11 = 3$

▶ n 个结点的判定树的深度为 $\lfloor \log_2 n \rfloor + 1$

▶ 折半查找的算法复杂度为 $O(\log_2 n)$



11个元素的判定树

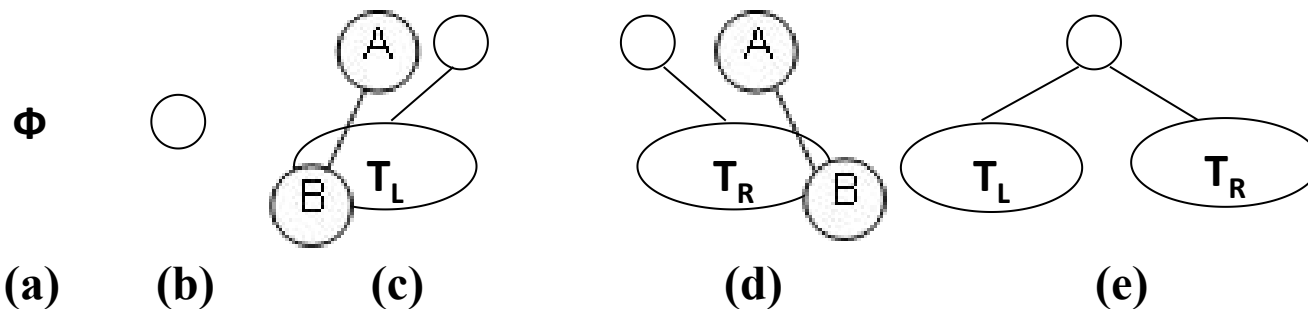
5.2 二叉树的定义

【定义】 一棵二叉树T是一个有穷的结点集合。这个集合可以为空，若不为空，则它是由根结点和称为其左子树 T_L 和右子树 T_R 的两个不相交的二叉树组成。可见左子树和右子树还是二叉树。

递归的定义形式

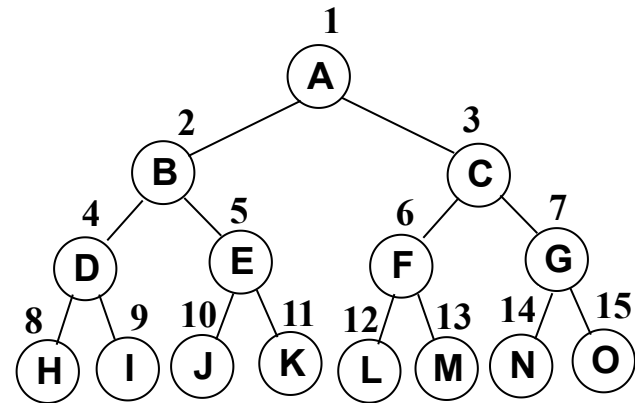
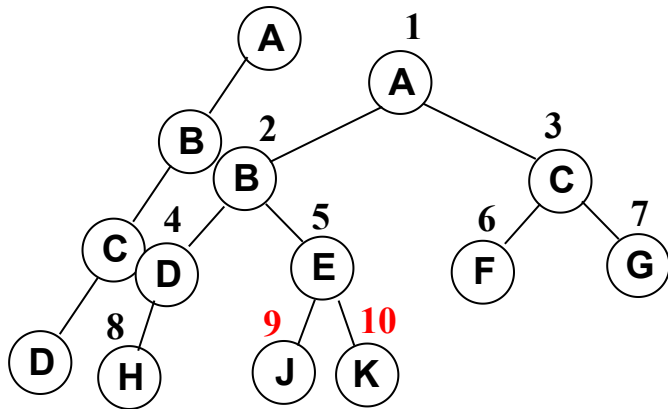
➤ 二叉树具体五种基本形态

- (1) 空树与树不同，除了每个结点至多有两棵子树外，子树有左右顺序之分；
- (2) 只有根结点的二叉树；
- (3) 只有根结点和左子树 T_L 的二叉树；
- (4) 只有根结点和右子树 T_R 的二叉树；
- (5) 具有根结点、左子树 T_L 和右子树 T_R 的二叉树。



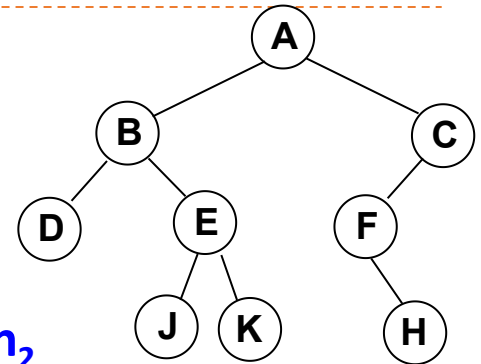
5.2 二叉树的定义-特殊二叉树

- 二叉树的深度小于结点数 N ，可以证明平均深度是 $O(\sqrt{N})$
- “斜二叉树(Skewed Binary Tree)” (也称为退化二叉树) ；
- “完美二叉树(Perfect Binary Tree)”。 (也称为**满二叉树**) 。
- 一棵深度为 k 的有 n 个结点的二叉树，对树中的结点按从上至下、从左到右的顺序进行编号，如果编号为 i ($1 \leq i \leq n$) 的结点与满二叉树中编号为 i 的结点在二叉树中的位置相同，则这棵二叉树称为“**完全二叉树(Complete Binary Tree)**”。



5.2.1 二叉树的性质

- ▶ 一个二叉树第 i 层的最大结点数为: $2^{i-1}, i \geq 1$.
- ▶ 深度为 k 的二叉树有最大结点总数为: $2^k - 1, k \geq 1$.
- ▶ 对任何非空的二叉树 T , 若 n_0 表示叶结点的个数、 n_2 是度为 2 的非叶结点个数, 那么两者满足关系 $n_0 = n_2 + 1$.
- ▶ 证明: 设 n 是度为 k 的二叉树的深度是 n 的结点数. 那么



- ▶ $n_0 = 4, n_1 = 2$
- ▶ $n_2 = 3$
- ▶ $n_0 = n_2 + 1$

$$n = n_0 + n_1 + n_2 \quad \textcircled{1}$$

设 B 是全部分枝数. 则 $n \sim B?$ $n = B + 1.$ $\textcircled{2}$

因为所有分枝都来自度为 1 或 2 的结点, 所以 $B \sim n_1 \& n_2?$

$$B = n_1 + 2 n_2. \quad \textcircled{3}$$

$$\Rightarrow n_0 = n_2 + 1$$

5.2.2 二叉树的存储结构

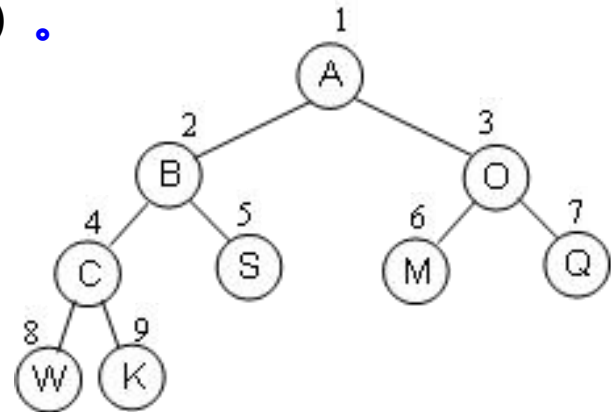
1. 顺序存储结构

➤ **完全二叉树**最适合这种存储结构。

➤ **n**个结点的完全二叉树的**结点父子关系**，简单地由**序列号**决定：

- 1、非根结点 (序号 $i > 1$) 的**父结点**的序号是 $\lfloor i/2 \rfloor$;
- 2、结点 (序号为 i) 的**左孩子**结点的序号是 $2i$,
(若 $2i \leq n$, 否则没有左孩子) ;
- 3、结点 (序号为 i) 的**右孩子**结点的序号是 $2i+1$,
(若 $2i+1 \leq n$, 否则没有右孩子) 。

数据	A	B	O	C	S	M	Q	W	K
编号	1	2	3	4	5	6	7	8	9

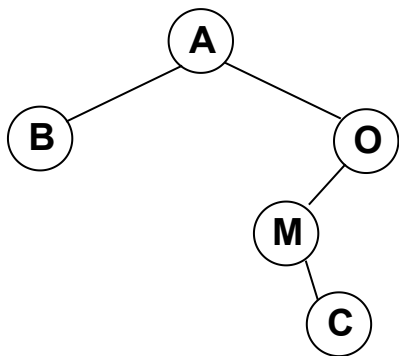


(a) 相应的**顺序**存储结构

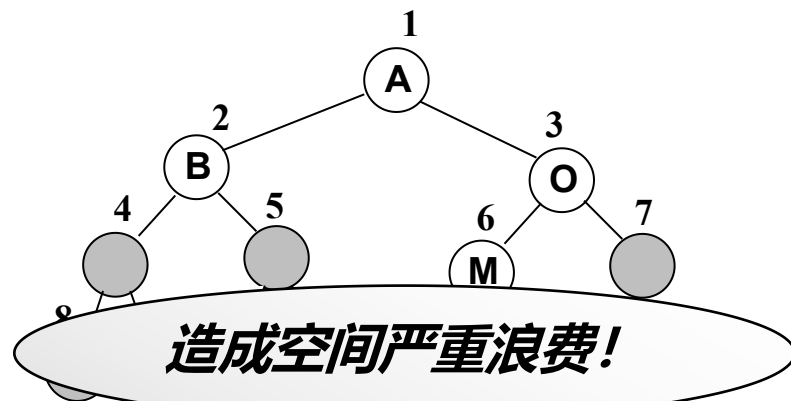
(b) **完全**二叉树

5.2.2 二叉树的存储-顺序存储

➤ 一般二叉树采用这种结构将造成空间浪费



(a) 一般二叉树

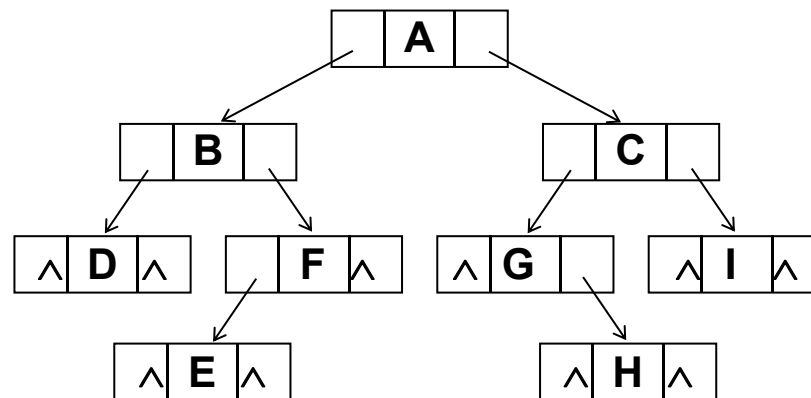
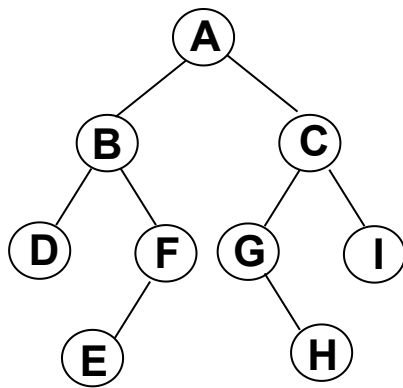
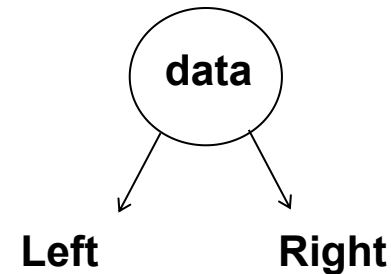


(b) 对应(a)的全二叉树

数据	A	B	O	^	^	M	^	^	^	^	^	^	C
编号	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13

5.2.2 二叉树的存储-链表存储

```
typedef struct TreeNode *BinTree;  
typedef BinTree Position;  
struct TreeNode{  
    ElementType Data;  
    BinTree Left;  
    BinTree Right;  
}
```



5.3 二叉树的操作



- 1、 **Boolean IsEmpty(BinTree BT)**
若BT为空返回TRUE; 否则返回FALSE;
 - 2、 **BinTree CreatBinTree()**
创建一个二叉树。
 - 3、 **void Traversal(BinTree BT)**
二叉树的遍历,
 - 3.1、 **void InOrderTraversal(BinTree BT)**
根结点的访问次序在左、右子树之间;
 - 3.2、 **void PreOrderTraversal(BinTree BT)**
根结点的访问次序在左、右子树之前;
 - 3.3、 **void PostOrderTraversal(BinTree BT)**
根结点的访问次序在左、右子树之后。
 - 3.4、 **void LevelOrderTraversal(BinTree BT)**
按层从小到大、从左到右的次序遍历
-

5.3.1 二叉树的中序遍历

❖ 树的遍历是指访问树的每个结点，且每个结点仅被访问一次。二叉树的遍历可按二叉树的构成以及访问结点的顺序分为四种方式，即先序遍历、中序遍历、后序遍历和层次遍历。

(1) 中序遍历

(D B E F) A (G H C I)

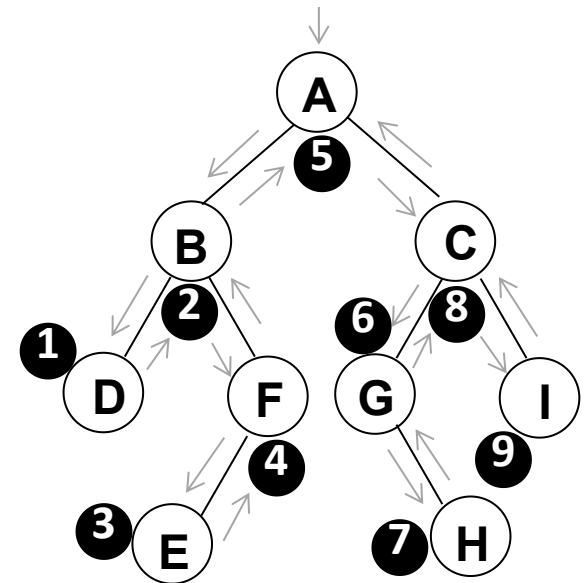
其遍历过程为：

- ① 中序遍历其左子树；
- ② 访问根结点；
- ③ 中序遍历其右子树。

中序遍历=>

D B E F A G H C I

```
void InOrderTraversal( BinTree BT )
{
    if( BT ) {
        InOrderTraversal( BT->Left );
        printf("%d", BT->Data);
        InOrderTraversal( BT->Right );
    }
}
```



5.3.2 二叉树的先序遍历

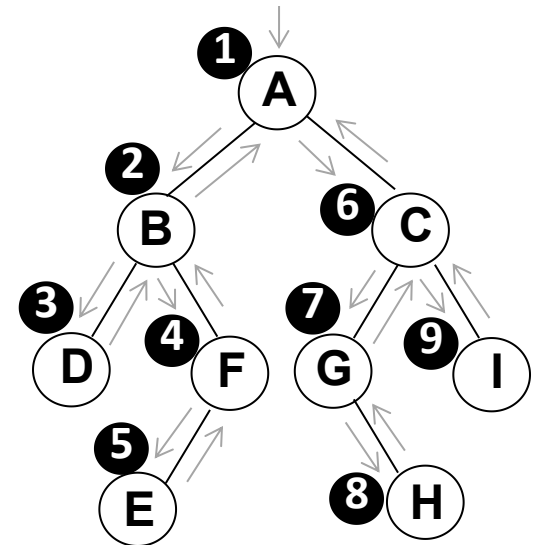
其遍历过程为：

- ① 访问根结点；
- ② 先序遍历其左子树；
- ③ 先序遍历其右子树。

A (B D F E) (C G H I)

先序遍历=> A B D F E C G H I

```
void PreOrderTraversal( BinTree BT )
{
    if( BT ) {
        printf( "%d", BT->Data );
        PreOrderTraversal( BT->Left );
        PreOrderTraversal( BT->Right );
    }
}
```



5.3.3 二叉树的后序遍历

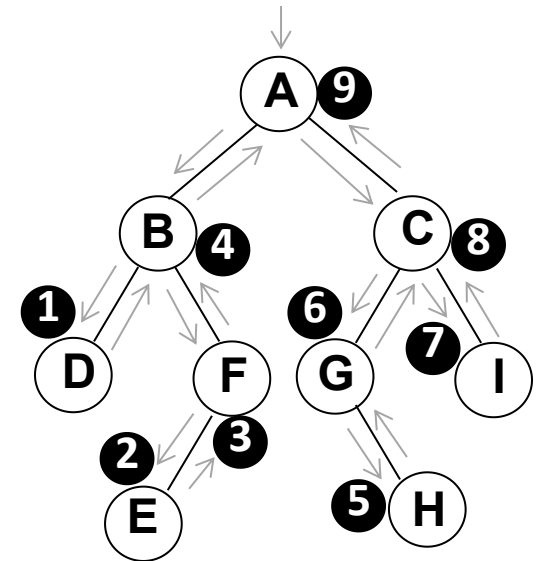
其遍历过程为：

- ① 后序遍历其左子树；
- ② 后序遍历其右子树；
- ③ 访问根结点。

(D E F B) (H G I C) A

后序遍历=> D E F B H G I C A

```
void PostOrderTraversal( BinTree BT )
{
    if( BT ) {
        PostOrderTraversal( BT->Left );
        PostOrderTraversal( BT->Right );
        printf( "%d", BT->Data );
    }
}
```

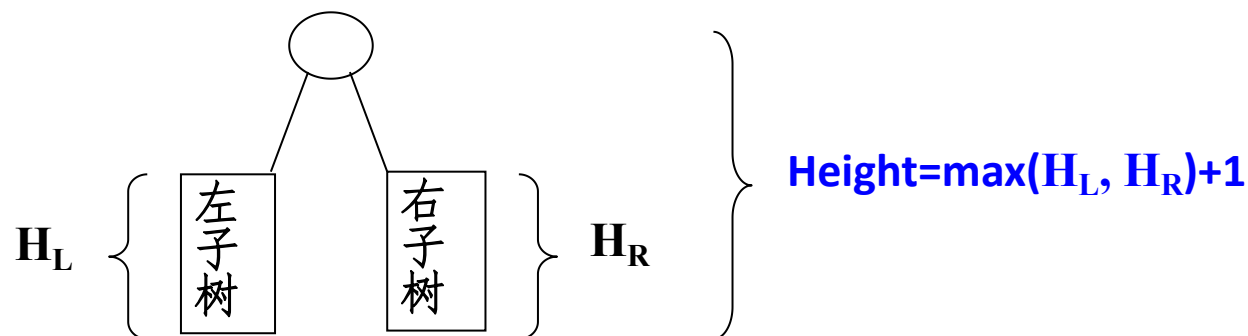


【例3】输出二叉树中的叶子结点。

- 在二叉树的遍历算法中增加检测结点的“左右子树是否都为空”。

```
void PreOrderPrintLeaves ( BinTree BT )
{
    if( BT ) {
        if ( !BT->Left && !BT->Right )
            printf("%d", BT->Data );
        PreOrderPrintLeaves ( BT->Left );
        PreOrderPrintLeaves ( BT->Right );
    }
}
```


【例4】求二叉树的高度。



```
void PostOrderGetHeight( BinTree BT )
{
    int HL, HR, MaxH;
    if( BT ) {
        HL = PostOrderGetHeight(BT->Left); /*求左子树的深度*/
        HR = PostOrderGetHeight(BT->Right); /*求右子树的深度*/
        MaxH = HL > HR? HL : HR; /*取左右子树较大的深度*/
        return ( MaxH + 1 ); /*返回树的深度*/
    }
    else return 0; /* 空树深度为0 */
}
```

5.4.1 [3298] 二叉树的建立

括号表示法表示的二叉树字符串

$A(B(D, F(E,)), C(G(, H), I))$ ，建立这棵树，并用先序、中序和后序遍历输出结果。

样例输入

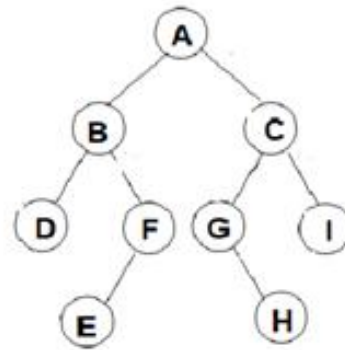
$A(B(D, F(E,)), C(G(, H), I))$

样例输出

ABDFECGHI

DBEFAGHCI

DEFBHGICA



$A(B(D, F(E,)), C(G(, H), I))$

5.4.1 [3298] 分析

- 若 $ch='('$ ：表示前面刚创建的 p 结点存在着孩子结点，需将其进栈，以便建立它和其孩子结点的关系（如果一个结点刚创建完毕，其后一个字符不是 $'('$ ，表示该结点是叶子结点，不需要进栈）。然后开始处理该结点的左孩子，因此置 $k=1$ ，表示其后创建的结点将作为这个结点（栈顶结点）的左孩子结点；
- 若 $ch=')'$ ：表示以栈顶结点为根结点的子树创建完毕，将其退栈；
- 若 $ch=','$ ：表示开始处理栈顶结点的右孩子结点，置 $k=2$ ；
- 其他情况：只能是单个字符，表示要创建一个新结点 p ，根据 k 值建立 p 结点与栈顶结点之间的联系，当 $k=1$ 时，表示 p 结点作为栈顶结点的左孩子结点，当 $k=2$ 时，表示 p 结点作为栈顶结点的右孩子结点。

5.4.1 [3298] 方法1-指针栈模拟

```
1  #include<iostream>
2  #include<cstring>
3  using namespace std;
4  struct BTreeNode
5  {
6      char data;
7      BTreeNode *lchild;
8      BTreeNode *rchild;
9  }; //代表一个结点
10 BTreeNode *CreateBTreeNode(char *str) //生成树
11 {
49
50 void DispBTreeNode1(BTreeNode *t)
51 {
52     if(t!=NULL)
53     {
54         printf("%c",t->data);
55         DispBTreeNode1(t->lchild); //遍历左孩子
56         DispBTreeNode1(t->rchild); //遍历右孩子
57     }
58 }
59 int main()
60 {
61     cin>>str;
62     BTreeNode *bt=CreateBTreeNode(str);
63     DispBTreeNode1(bt);
64     return 0;
65 }
```

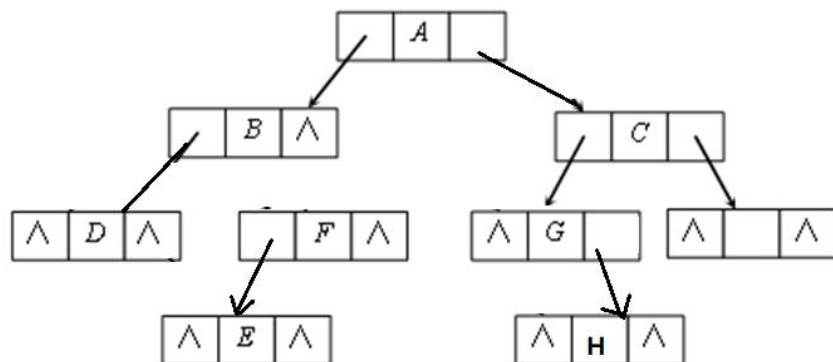
5.4.1 [3298] 方法1-指针栈模拟

```
10  BTreeNode *CreateBTreeNode(char *str)//生成树
11  {
12      BTreeNode *r=NULL;
13      BTreeNode *st[100000];//建立一个顺序栈
14      BTreeNode *p;
15      int top=-1,k=0,j=0;//k代表左孩子还是右孩子, 1为左, 2为右,
16      //top表示栈顶, j表示第几个字符
17      char ch;
18      while(str[j]!='\0')//扫描str中每个字符
19      {
48      return r;
49  }
50
```

```

18 while(str[j]!='\0')//扫描str中每个字符
19 {
20     ch=str[j];
21     switch(ch)
22     {
23     case '(' :top++;st[top]=p;k=1; break;//新建结点有孩子, 将其进栈
24     case ')' :top--;break;
25     case ',' :k=2;break;//开始处理右孩子结点
26     default:
27         p=new BTreeNode();//新建一个结点
28         p->lchild=p->rchild=NULL;
29         p->data=ch;
30         if(r==NULL)
31             r=p;//若尚未建立根节点, 点*p作为根节点
32         else
33         {
34             switch(k)
35             {
36             case 1://新建结点作为栈顶结点的左孩子
37                 st[top]->lchild=p;break;
38             case 2://新建结点作为栈顶结点的右孩子
39                 st[top]->rchild=p;break;
40             default:break;
41             }
42         }
43         break;
44     }
45     j++;//继续扫描其他字符
46 }
47 return r;

```



5.4.1 [3298] 方法2-栈模拟

```

1  #include<bits/stdc++.h>
2  using namespace std;
3  struct node{
4      int left,right,father,id;
5      char ch;//数据域
6  }t[105];
7  void preInorder(int rt){
8      cout<<t[rt].ch;
9      if(t[rt].left)preInorder(t[rt].left);
10     if(t[rt].right)preInorder(t[rt].right);
11 }
12 void midInorder(int rt){
17 void postInorder(int rt){
22 stack<int> st;
23 int main(){// A(B(D,F(E,)),C(G(H),I))
24     string str;
25     cin>>str;
26     int k,id=0,len=str.length();
27     for(int i=0;i<len;i++){
28         if(str[i]=='(')st.push(id),k=1;
29         else if(str[i]==')')st.pop();
30         else if(str[i]==',')k=2;
31         else{
44     }
45     preInorder(1);cout<<endl;
46     midInorder(1);cout<<endl;
47     postInorder(1);
48     return 0;
49 }

```

5.4.1 [3298] 方法2-栈模拟

```

27 for(int i=0;i<len;i++){
28     if(str[i]=='(')st.push(id),k=1;
29     else if(str[i]==')')st.pop();
30     else if(str[i]==',' )k=2;
31     else{
32         if(id==0){//表示根节点
33             id++;t[id].id=id,t[id].ch=str[i];
34             t[id].father=-1;
35         }
36         else{//非根节点
37             if(k==1){//左孩子
38                 id++;t[id].id=id,t[id].ch=str[i];
39                 t[id].father=st.top();
40                 t[st.top()].left=id;
41             }
42             else if(k==2){
43                 id++;t[id].id=id,t[id].ch=str[i];
44                 t[id].father=st.top();
45                 t[st.top()].right=id;
46             }
47         }
48     }
49 }

```


5.4.1 [3298] 方法3-递归

```
1  #include<bits/stdc++.h>
2  using namespace std;
3  char s[10000];
4  void dfs(int l,int r)
5  {
6      int x,start;
7      for(int i=l;i<=r;i++)
8      {
9          if(s[i]=='(')
10         {
11             x=1,start=i;
12             while(x!=0)
13             {//x==0表示找到了跟(匹配的)的位置
14                 i++;
15                 if(s[i]=='(') x++;
16                 else if(s[i]==')') x--;
17             }
18             dfs(start+1,i-1);
19         }
20         if(s[i]!='(',')')
21             cout<<s[i];
22     }
23 }
24 int main()
25 {
26     scanf("%s",s);//A(B(D,F(E,)),C(G(,H),I))
27     dfs(0,strlen(s)-1);
28     return 0;
29 }
```

5.4.2 [1530] 完全二叉树的高度

已知完全二叉树的结点数，求其高度。

输入文件中包含多个测试数据。每个测试数据占1行，为一个整数 n ($1 \leq n \leq 100$)，表示完全二叉树的结点数。输入文件中最后一行为0，表示测试数据结束。

对输入文件中的每个测试数据，输出完全二叉树的高度。

样例输入

10

20

0

样例输出

4

5.4.2 [1530] 完全二叉树的高度

```
1  #include<iostream>
2  using namespace std;
3  int main(){
4      int n,h;
5      while(cin>>n&& n!=0){
6          int h=0;
7          while(n!=0){
8              n/=2;
9              h++;
10         }
11         cout<<h<<endl;
12     }
13     return 0;
14 }
```

5.4.3 [1909] 二叉树1

给定完全二叉树的节点数 n ，要求输出完全二叉树的高度 k 、叶子节点个数 n_1 和非叶节点个数 n_2 。

输入

输入文件中包含多个测试数据。每个测试数据占一行，为一个自然数 n ， $n \leq 1000$ 。输入文件最后一行为0，表示输入结束。

输出

对输入文件中的每个测试数据，计算 k 、 n_1 和 n_2 并输出。

样例输入

12

0

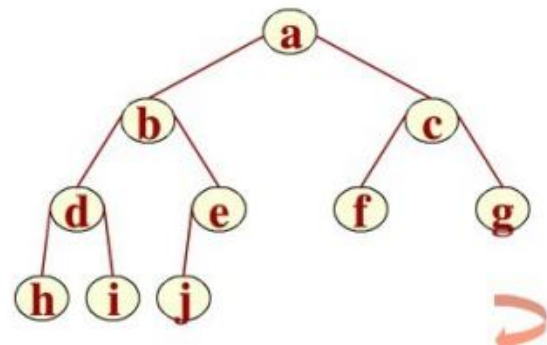
样例输出

4 6 6

5.4.3 [1909] 二叉树1

分析:

1. 观察完全二叉树来说，我们可以发现度为1的点，即 $n_1=0$ 或者 $n_1=1$ 。
2. 根据二叉树性质， $n_0=n_2+1$



当 $n_1=0$ 时 $n_0+n_2=n$
 $n_0=n_2+1$, 即 $n_2=(n-1)/2$ $n_0=(n+1)/2$

当 $n_1=1$ 时 $n_0+n_2=n-1$
 $n_0=n_2+1$, 即 $n_2=(n-2)/2$ $n_0=n/2$

5.4.3 [1909] 二叉树1

```
include <iostream>
#include <cmath>
using namespace std;
int main(){
int n,n2,n0;
while(cin>>n&&n!=0){
    n0=(n+1)/2;
    n2=n-n0;
    n=log(n)/log(2)+1;
cout<<n<<" "<<n0<<" "<<n2<<endl;
}
while(cin>>n&&n==0) break;
return 0;
}
```

5.4.4 [2886] 找树根和孩子

给定一棵树，输出树的根root，孩子最多的结点max以及他的孩子。

输入

第一行：n (结点个数 ≤ 100)，m (边数 ≤ 200)。

以下m行：每行两个结点x和y，表示y是x的孩子($x, y \leq 1000$)。

输出

第一行：树根：root;

第二行：孩子最多的结点max;

第三行：max的孩子。

样例输入

8 7

4 1

4 2

1 3

1 5

2 6

2 7

2 8

样例输出

4

2

6 7 8

5.4.4 [2886] 找树根和孩子

```

1  #include<iostream>
2  using namespace std;
3  int main(){
4      int parent[101]={0};
5      int m,n,x,y,maxnode,sum=0,root;
6      int i,j,k;
7      cin>>n>>m;
8      for(i=1;i<=m;i++){
9          cin>>x>>y;
10         parent[y]=x;//记录父亲节点
11     }
12     for(i=1;i<=n;i++){
13         if(parent[i]==0){
14             int max=0;
15             for(i=1;i<=n;i++){//寻找最大
16                 sum=0;
17                 for(j=1;j<=n;j++){
18                     if(parent[j]==i)sum++;
19                 }
20                 if(sum>max){
21                     max=sum;
22                     maxnode=i;
23                 }
24             }
25             cout<<root<<endl;
26             cout<<maxnode<<endl;
27         }
28     }
29     for(i=1;i<=n;i++){//寻找孩子
30         if(parent[i]==maxnode)
31             cout<<i<<" ";
32     }
33     return 0;
34 }

```

```

13  for(i=1;i<=n;i++){
14      if(parent[i]==0){
15          root=i;//寻找父亲节点
16          break;
17      }
18  }
19  int max=0;
20  for(i=1;i<=n;i++){//寻找最大
21      sum=0;
22      for(j=1;j<=n;j++){
23          if(parent[j]==i)sum++;
24      }
25      if(sum>max){
26          max=sum;
27          maxnode=i;
28      }
29  }
30  cout<<root<<endl;
31  cout<<maxnode<<endl;
32  for(i=1;i<=n;i++){//寻找孩子
33      if(parent[i]==maxnode)
34          cout<<i<<" ";
35  }

```


5.4.5 [7278]: 二叉树求高度

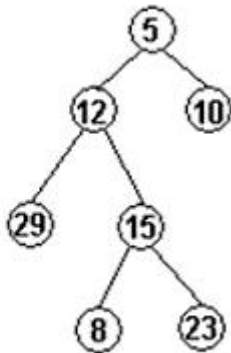
已知一棵二叉树用邻接表结构存储，求这棵树的高度。例：
如图二叉树的数据文件的数据格式如下：

输入

第一行n为二叉树的结点个树， $n \leq 100$ ；以下第一列数据是各结点的值，第二列数据是左儿子结点编号，第三列数据是右儿子结点编号。

输出 该树的高度

```
7
15
5 2 3
12 4 5
10 0 0
29 0 0
15 6 7
8 0 0
23 0 0
```



样例输入

```
7 5 2 3
12 4 5
10 0 0
29 0 0
15 6 7
8 0 0
23 0 0
```

样例输出

4

5.4.5 [7278]: 方法1

```
1  #include <iostream>
2  using namespace std;
3  #define nochild 0  /* 如果没有对应孩子, 设置为此 */
4  struct tree {
5      int self;
6      int lchild; // 左孩子
7      int rchild; // 右孩子
8  } example[1001];
9  int getDepth(int root) {
10     if (root==nochild) return 0;
11     return max(getDepth(example[root].lchild),getDepth(example[root].rchild))+1;
12 }
13
14 int main() {
15     int n,tmp;
16     scanf("%d",&n);
17     for (int i = 1; i <= n; i++) {
18         scanf("%d%d%d",&example[i].self,&example[i].lchild,&example[i].rchild);
19     }
20 }
```

5.4.5 [7278]: 方法2

```
1  #include<bits/stdc++.h>
2  using namespace std;
3  struct node{
4      int dat;
5      int left;
6      int right;
7  }a[105];
8  int n,x,ans,f;
9  void dfs(int r,int dep){
10     ans=max(dep,ans);
11     if(a[r].left) dfs(a[r].left,dep+1);
12     if(a[r].right) dfs(a[r].right,dep+1);
13 }
14 int main(){
15     scanf("%d",&n);
16     for(int i=1;i<=n;++i){
17         scanf("%d%d%d",&a[i].dat,&a[i].left,&a[i].right);
18     }
19
20     dfs(1,1);
21     printf("%d\n",ans);
22     return 0;
23 }
```

今天的课程结束啦.....



下课了...
同学们**再见!**