



浙江财经大学

Zhejiang University Of Finance & Economics



高级数据结构-树与二叉树

信智学院 陈琰宏

主要内容



01

树的定义与理解

02

二叉树的定义与性质

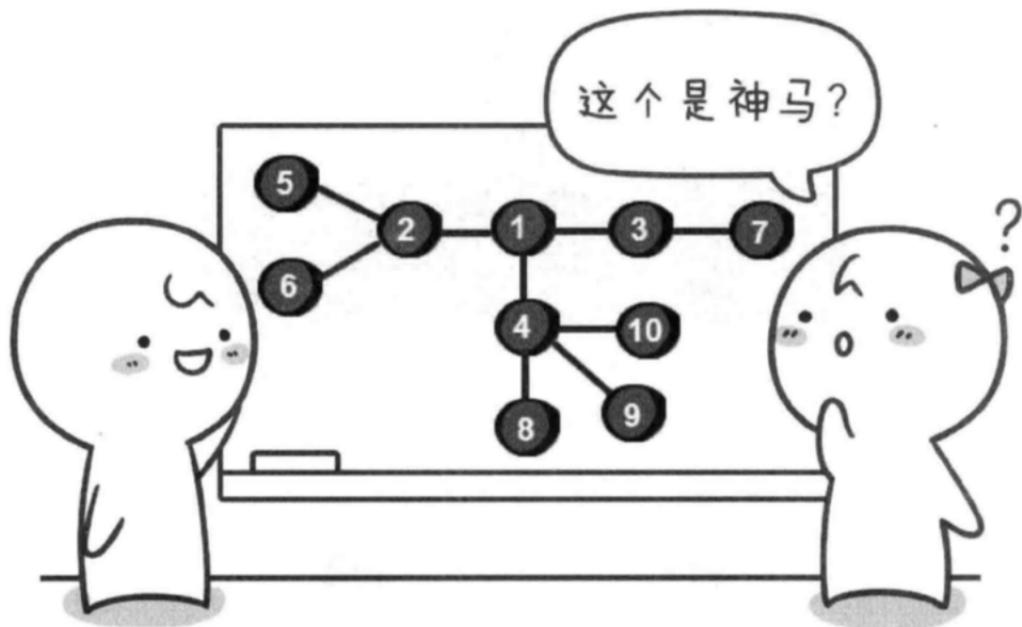
03

二叉树的操作

04

二叉树的应用

5.1 树的定义



5.1 树的定义

此电脑

WPS网盘

3D 对象

视频

图

文

下

音

本

教

中国共产党
全国代表大会



中央委员会总书记 胡锦涛

中央委员会

委 员
候补委员

中央政治局常务委员会

委 员：胡锦涛 吴邦国 温家宝 贾庆林 李长春
习近平 李克强 贺国强 周永康

中央政治局 — **中央书记处**

书 记：习近平 刘云山 李源潮
何 勇 令计划 王沪宁

委 员：习近平 王 刚 王乐泉 王兆国 王岐山 回良玉 刘 淇 刘云山
刘延东 李长春 李克强 李源潮 吴邦国 汪 洋 张高丽 张德江
周永康 胡锦涛 俞正声 贺国强 贾庆林 徐才厚 郭伯雄 温家宝
薄熙来

中央军事委员会

主 席：胡锦涛
副 主 席：郭伯雄 徐才厚

中央纪律检查委员会 书 记：贺国强

5.1 树的定义



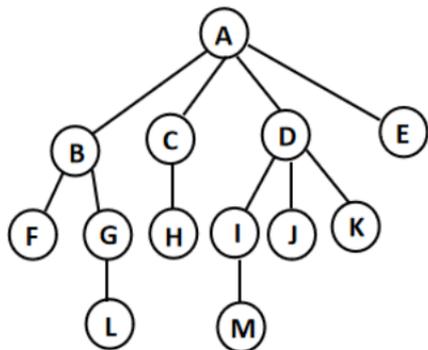
➤ **树 (Tree)** 是 n ($n \geq 0$) 个结点构成的有限集合。当 $n=0$ 时, 称为**空树**; 对于任一**非空树** ($n > 0$), 它具备以下性质:

1. 树中有一个称为“**根 (Root)**”的特殊结点, 用 r 表示;
2. 其余结点可分为 m ($m > 0$) 个**互不相交**的有限集 T_1, T_2, \dots, T_m , 其中每个集合本身又是一棵树, 这些树称为原来树的“**子树 (SubTree)**”。每个子树的根结点都与 r 有一条相连接的边, r 是这些子树根结点的“**父结点 (Parent)**”。

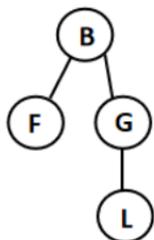
- 子树是**不相交**的;
- 除了根结点外, **每个结点有且仅有一个父结点**;
- 一棵 N 个结点的树有 $N-1$ 条边。

5.1 树的定义

❖ 树与非树



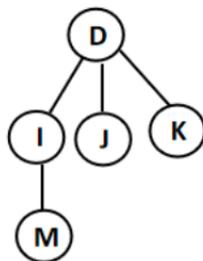
(a) 树 T



(b) 子树 T_{A1}



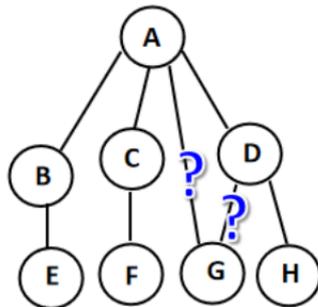
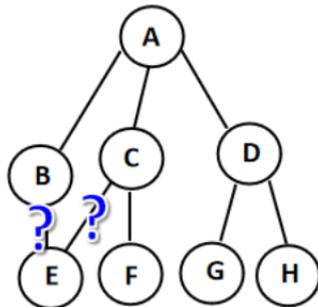
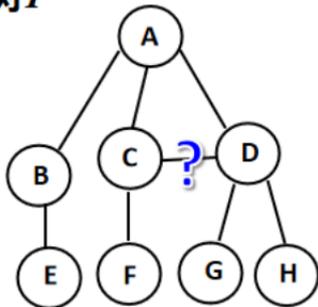
(c) 子树 T_{A2}



(d) 子树 T_{A3}



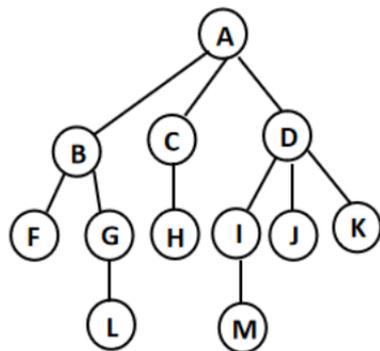
(e) 子树 T_{A4}



5.1.1 树的基本术语



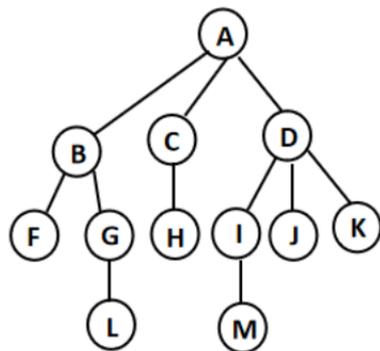
1. **结点的度 (Degree)** : 一个结点的度是其子树的个数。
2. **树的度**: 树的所有结点中最大的度数。
3. **叶结点 (Leaf)** : 是**度为0**的结点; 叶结点也可称为端结点。
4. **父结点 (Parent)** : 有子树的结点是其子树的根结点的父结点。
5. **子结点 (Child)** : 若A结点是B结点的父结点, 则称B结点是A结点的子结点; 子结点也称**孩子结点**。
6. **兄弟结点 (Sibling)** : 具有同一父结点的各结点彼此是兄弟结点。



5.1.1 树的基本术语



7. **分支**：树中两个相邻结点的连边称为一个分支。
8. **路径和路径长度**：从结点 n_1 到 n_k 的路径被定义为一个结点序列 n_1, n_2, \dots, n_k ，对于 $1 \leq i \leq k$, n_i 是 n_{i+1} 的父结点。一条路径的长度为这条路径所包含的边（分支）的个数。
9. **祖先结点(Ancessor)**：沿树根到某一结点路径上的所有结点都是这个结点的祖先结点。
10. **子孙结点(Descendant)**：某一结点的子树中的所有结点是这个结点的子孙。
11. **结点的层次 (Level)**：规定根结点在1层，其它任一结点的层数是其父结点的层数加1。
12. **树的高度 (Height)**：树中所有结点中的最大层次是这棵树的高度（也有把根定义成高度为1的）。



5.1.2 树的简单理解-二分查找



根据某个给定的关键字 K ，从集合 R 中找出关键字与 K 相同的记录，这个过程称为“查找”。

➤ 当线性表中数据元素是按大小排列存放时，可以改进顺序查找算法，以得到更高效的新算法——二分法（折半查找）。

❖ 二分查找是每次在要查找的数据集中取出中间元素关键字 K_{mid} 与要查找的关键字 K 进行比较，根据比较结果确定是否要进一步查找。当 $K_{mid}=K$ ，查找成功；否则，将在 K_{mid} 的左半部分（当 $K_{mid}>K$ ）或者右半部分（当 $K_{mid}<K$ ）继续下一步查找。以此类推，每步的查找范围都将是上一次的一半。

5.1.2 树的简单理解-二分查找



[例5.2] 仍然以上面13个数据元素构成的有序线性表为例，二分查找关键字为 43 的数据元素如下：

5	16	39	45	51	98	100	202	226	321	368	444	501
1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13



left



mid



right

- 1、 $\text{left} = 1, \text{right} = 13; \text{mid} = (1+13)/2 = 7: 100 > 43;$
- 2、 $\text{left} = 1, \text{right} = \text{mid}-1 = 6; \text{mid} = (1+6)/2 = 3: 39 < 43;$
- 3、 $\text{left} = \text{mid}+1 = 4, \text{right} = 6; \text{mid} = (4+6)/2 = 5: 51 > 43;$
- 4、 $\text{left} = 4, \text{right} = \text{mid}-1 = 4; \text{mid} = (4+4)/2 = 4: 45 > 43;$
- 5、 $\text{left} = 4, \text{right} = \text{mid}-1 = 3; \text{left} > \text{right} ?$ 查找失败，结束。

二分查找算法



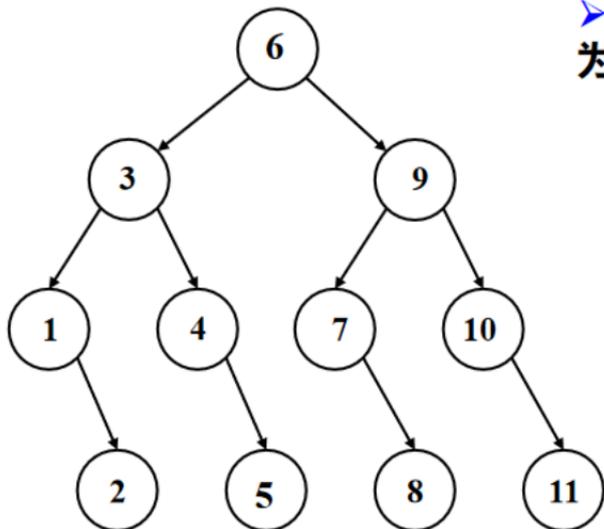
```
int BinarySearch ( StaticTable * Tbl, ElementType K)
{ /*在表Tbl中查找关键字为K的数据元素*/
    int left, right, mid, NotFound=-1;

    left = 1; /*初始左边界*/
    right = Tbl->Length; /*初始右边界*/
    while ( left <= right )
    {
        mid = (left+right)/2; /*计算中间元素坐标*/
        if( K < Tbl->Element[mid]) right = mid-1; /*调整右边界*/
        else if( K > Tbl->Element[mid]) left = mid+1; /*调整左边界*/
        else return mid; /*查找成功, 返回数据元素的下标*/
    }
    return NotFound; /*查找不成功, 返回-1*/
}
```

- 二分查找算法的时间复杂度为 $O(\log N)$

5.1.2 树的简单理解-二分查找

➤ 查找的效率主要用“平均查找长度”（Average Search Length, ASL）来衡量。



11个元素的判定树

➤ 判定树上每个**结点**需要的查找次数刚好为该结点所在的**层数**;

➤ 查找成功时**查找次数**不会超过判定树的**深度**

➤ $ASL = (4*4+4*3+2*2+1)/11 = 3$

➤ n 个结点的判定树的深度为 $\lceil \log_2 n \rceil + 1$

➤ 折半查找的算法复杂度为 $O(\log_2 n)$

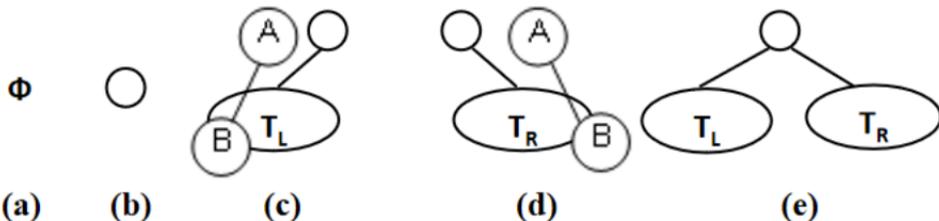
5.2 二叉树的定义

【定义】 一棵二叉树 T 是一个有穷的结点集合。这个集合可以为空，若不为空，则它是由根结点和称为其左子树 T_L 和右子树 T_R 的两个不相交的二叉树组成。可见左子树和右子树还是二叉树。

➤ 二叉树具体五种基本形态

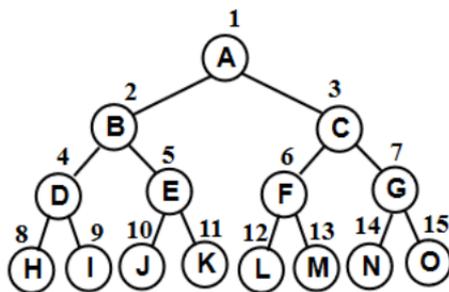
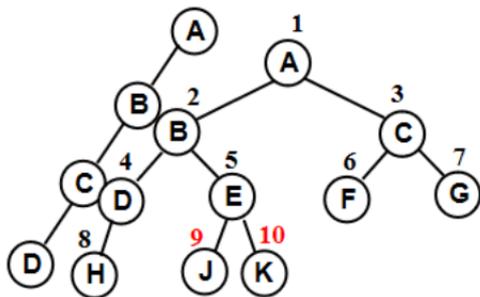
递归的定义形式

- ✘ 二叉树与树不同，除了每个结点至多有两棵子树外，子树有左右顺序之分。
 - (1) 只有根结点的二叉树；
 - (2) 只有左子树的二叉树；
 - (3) 只有右子树的二叉树；
 - (4) 根结点和左子树 T_L 的二叉树；
 - (5) 根结点和右子树 T_R 的二叉树。
- 例如，下面两个树按一般树的定义它们是同一个树；而对于二叉树来讲，它们是不同的两个树。



5.2 二叉树的定义-特殊二叉树

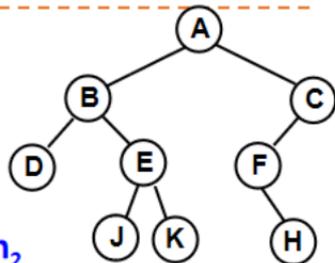
- 二叉树的深度小于结点数 N ，可以证明平均深度是 $O(\sqrt{N})$
- “斜二叉树(Skewed Binary Tree)” (也称为退化二叉树) ；
- “完美二叉树(Perfect Binary Tree)”。 (也称为**满二叉树**) 。
- 一棵深度为 k 的有 n 个结点的二叉树，对树中的结点按从上至下、从左到右的顺序进行编号，如果编号为 i ($1 \leq i \leq n$) 的结点与满二叉树中编号为 i 的结点在二叉树中的位置相同，则这棵二叉树称为“**完全二叉树(Complete Binary Tree)**”。



5.2.1 二叉树的性质



- ▶ 一个二叉树第 i 层的最大结点数为: $2^{i-1}, i \geq 1$ 。
- ▶ 深度为 k 的二叉树有最大结点总数为: $2^k - 1, k \geq 1$ 。
- ▶ 对任何非空的二叉树 T , 若 n_0 表示叶结点的个数、 n_2 是度为 2 的非叶结点个数, 那么两者满足关系 $n_0 = n_2 + 1$ 。



▶ 证明: 一个结点的度数为 i 的结点, 它的深度是它的 $\log_2 n_i$ 那么

- ▶ $n_0 = 4, n_1 = 2$
- ▶ $n_2 = 3$
- ▶ $n_0 = n_2 + 1$

$$n = n_0 + n_1 + n_2 \quad \textcircled{1}$$

设 B 是全部分枝数, 则 $n \sim B?$ $n = B + 1.$ $\textcircled{2}$

因为所有分枝都来自度为 1 或 2 的结点, 所以 $B \sim n_1 \& n_2?$

$$B = n_1 + 2n_2. \quad \textcircled{3}$$

$$\Rightarrow n_0 = n_2 + 1$$

5.2.2 二叉树的存储结构



1. 顺序存储结构

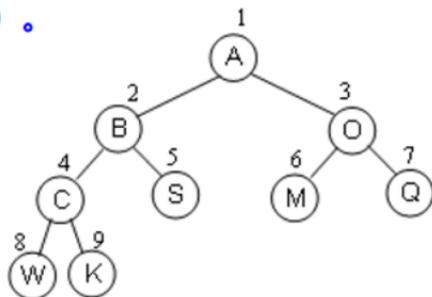
➤ **完全二叉树**最适合这种存储结构。

➤ n 个结点的完全二叉树的**结点父子关系**，简单地由**序列号**决定：

- 1、非根结点 (序号 $i > 1$) 的**父结点**的序号是 $\lfloor i/2 \rfloor$;
- 2、结点 (序号为 i) 的**左孩子**结点的序号是 $2i$,
(若 $2i \leq n$, 否则没有左孩子) ;
- 3、结点 (序号为 i) 的**右孩子**结点的序号是 $2i+1$,
(若 $2i+1 \leq n$, 否则没有右孩子) 。

数据	A	B	O	C	S	M	Q	W	K
编号	1	2	3	4	5	6	7	8	9

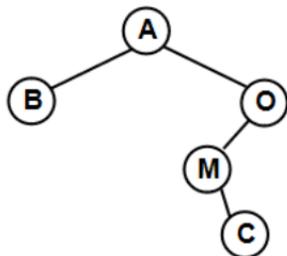
(a)相应的**顺序**存储结构



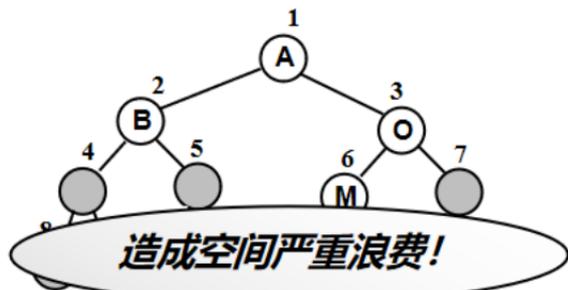
(b) **完全**二叉树

5.2.2 二叉树的存储-顺序存储

► 一般二叉树采用这种结构将造成空间浪费



(a) 一般二叉树

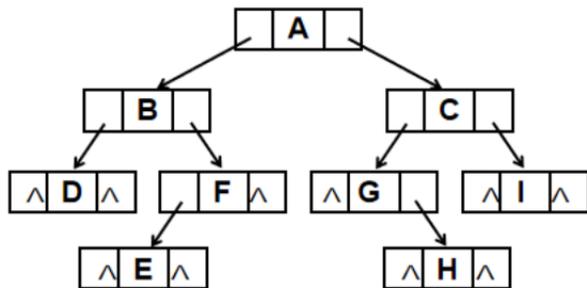
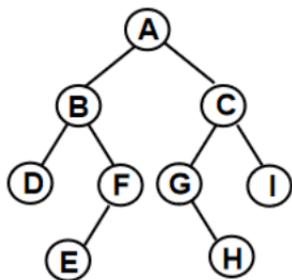
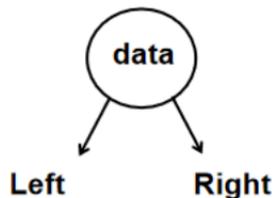
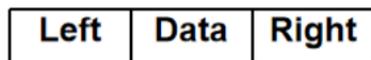


(b) 对应(a)的全二叉树

数据	A	B	O	∧	∧	M	∧	∧	∧	∧	∧	∧	C
编号	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13

5.2.2 二叉树的存储-链表存储

```
typedef struct TreeNode *BinTree;  
typedef BinTree Position;  
struct TreeNode{  
    ElementType Data;  
    BinTree Left;  
    BinTree Right;  
}
```



5.3 二叉树的操作



- 1、 **Boolean IsEmpty(BinTree BT)**
若BT为空返回TRUE; 否则返回FALSE;
- 2、 **BinTree CreatBinTree()**
创建一个二叉树。
- 3、 **void Traversal(BinTree BT)**
二叉树的遍历,
 - 3.1、 **void InOrderTraversal(BinTree BT)**
根结点的访问次序在左、右子树之间;
 - 3.2、 **void PreOrderTraversal(BinTree BT)**
根结点的访问次序在左、右子树之前;
 - 3.3、 **void PostOrderTraversal(BinTree BT)**
根结点的访问次序在左、右子树之后。
 - 3.4、 **void LevelOrderTraversal(BinTree BT)**
按层从小到大、从左到右的次序遍历

5.3.1 二叉树的中序遍历



❖ 树的遍历是指访问树的每个结点，且每个结点仅被访问一次。二叉树的遍历可按二叉树的构成以及访问结点的顺序分为四种方式，即先序遍历、中序遍历、后序遍历和层次遍历。

(1) 中序遍历

(D B E F) A (G H C I)

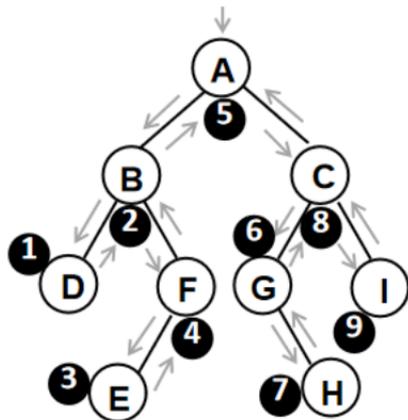
其遍历过程为：

- ① 中序遍历其左子树；
- ② 访问根结点；
- ③ 中序遍历其右子树。

中序遍历=>

D B E F A G H C I

```
void InOrderTraversal( BinTree BT )
{
    if( BT ) {
        InOrderTraversal( BT->Left );
        printf("%d", BT->Data);
        InOrderTraversal( BT->Right );
    }
}
```



5.3.2 二叉树的先序遍历

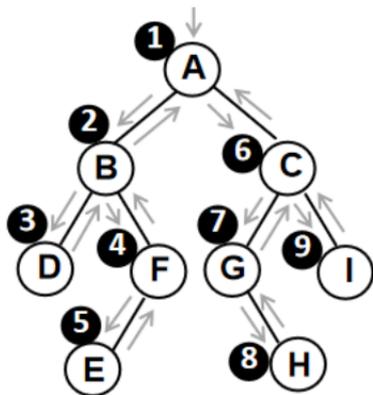
其遍历过程为:

- ① 访问根结点;
- ② 先序遍历其左子树;
- ③ 先序遍历其右子树。

A (B D F E) (C G H I)

先序遍历=> A B D F E C G H I

```
void PreOrderTraversal( BinTree BT )
{
    if( BT ) {
        printf("%d", BT->Data);
        PreOrderTraversal( BT->Left );
        PreOrderTraversal( BT->Right );
    }
}
```



5.3.3 二叉树的后序遍历

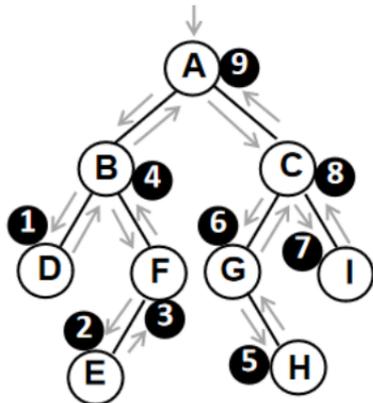
其遍历过程为:

- ① 后序遍历其左子树;
- ② 后序遍历其右子树;
- ③ 访问根结点。

(DEFB) (HGIC) A

后序遍历=> DEF B H G I C A

```
void PostOrderTraversal( BinTree BT )
{
    if( BT ) {
        PostOrderTraversal( BT->Left );
        PostOrderTraversal( BT->Right );
        printf("%d", BT->Data);
    }
}
```



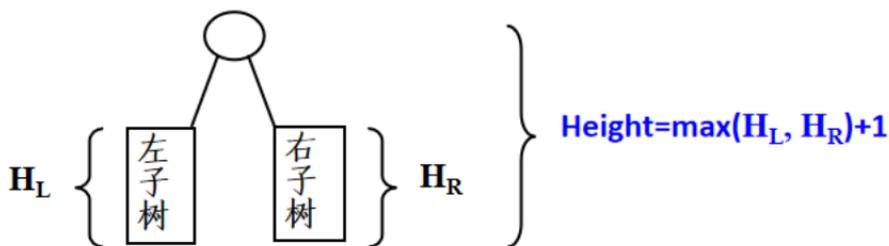
【例3】输出二叉树中的叶子结点。



- 在二叉树的遍历算法中增加检测结点的“左右子树是否都为空”。

```
void PreOrderPrintLeaves( BinTree BT )
{
    if( BT ) {
        if ( !BT->Left && !BT->Right )
            printf("%d", BT->Data );
        PreOrderPrintLeaves ( BT->Left );
        PreOrderPrintLeaves ( BT->Right );
    }
}
```

【例4】求二叉树的高度。



```
void PostOrderGetHeight( BinTree BT )
{
    int HL, HR, MaxH;
    if( BT ) {
        HL = PostOrderGetHeight(BT->Left); /*求左子树的深度*/
        HR = PostOrderGetHeight(BT->Right); /*求右子树的深度*/
        MaxH = HL > HR? HL : HR; /*取左右子树较大的深度*/
        return ( MaxH + 1 ); /*返回树的深度*/
    }
    else return 0; /* 空树深度为0 */
}
```

5.4.1 [3298] 二叉树的建立

括号表示法表示的二叉树字符串

$A(B(D, F(E,)), C(G(, H), I))$ ，建立这棵树，并用先序、中序和后序遍历输出结果。

样例输入

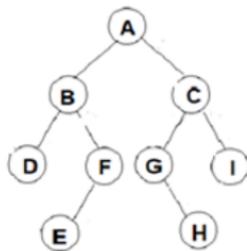
$A(B(D, F(E,)), C(G(, H), I))$

样例输出

ABDFECGHI

DBEFAGHCI

DEFBHGICA



$A(B(D, F(E,)), C(G(, H), I))$

5.4.1 [3298] 分析



- 若 $ch='('$: 表示前面刚创建的 p 结点存在着孩子结点, 需将其进栈, 以便建立它和其孩子结点的关系 (如果一个结点刚创建完毕, 其后一个字符不是 $'('$, 表示该结点是叶子结点, 不需要进栈)。然后开始处理该结点的左孩子, 因此置 $k=1$, 表示其后创建的结点将作为这个结点 (栈顶结点) 的左孩子结点;
- 若 $ch=')'$: 表示以栈顶结点为根结点的子树创建完毕, 将其退栈;
- 若 $ch=','$: 表示开始处理栈顶结点的右孩子结点, 置 $k=2$;
- 其他情况: 只能是单个字符, 表示要创建一个新结点 p , 根据 k 值建立 p 结点与栈顶结点之间的联系, 当 $k=1$ 时, 表示 p 结点作为栈顶结点的左孩子结点, 当 $k=2$ 时, 表示 p 结点作为栈顶结点的右孩子结点。

5.4.1 [3298] 方法1-指针栈模拟

```
1  #include<iostream>
2  #include<cstring>
3  using namespace std;
4  struct BTreeNode
5  {
6      char data;
7      BTreeNode *lchild;
8      BTreeNode *rchild;
9  }; //代表一个结点
10 BTreeNode *CreateBTreeNode(char *str) //生成树
11 {
12     ...
13     ...
14     ...
15     ...
16     ...
17     ...
18     ...
19     ...
20     ...
21     ...
22     ...
23     ...
24     ...
25     ...
26     ...
27     ...
28     ...
29     ...
30     ...
31     ...
32     ...
33     ...
34     ...
35     ...
36     ...
37     ...
38     ...
39     ...
40     ...
41     ...
42     ...
43     ...
44     ...
45     ...
46     ...
47     ...
48     ...
49     ...
50     ...
51     ...
52     ...
53     ...
54     ...
55     ...
56     ...
57     ...
58     ...
59     ...
60     ...
61     ...
62     ...
63     ...
64     ...
65 }
```

5.4.1 [3298] 方法1-指针栈模拟

```

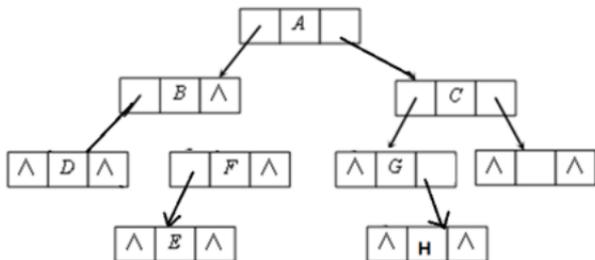
10  BTreeNode *CreateBTreeNode(char *str)//生成树
11  {
12      BTreeNode *r=NULL;
13      BTreeNode *st[100000];//建立一个顺序栈
14      BTreeNode *p;
15      int top=-1,k=0,j=0;//k代表左孩子还是右孩子, 1为左, 2为右,
16      //top表示栈顶, j表示第几个字符
17      char ch;
18      while(str[j]!='\0')//扫描str中每个字符
19      {
48      return r;
49  }
50

```

```

18 while(str[j]!='\0')//扫描str中每个字符
19 {
20     ch=str[j];
21     switch(ch)
22     {
23         case '(':top++;st[top]=p;k=1; break;//新建结点有孩子, 将其进栈
24         case ')':top--;break;
25         case ',':k=2;break;//开始处理右孩子结点
26         default:
27             p=new BTreeNode();//新建一个结点
28             p->lchild=p->rchild=NULL;
29             p->data=ch;
30             if(r==NULL)
31                 r=p;//若尚未建立根节点, 点*p作为根节点
32             else
33             {
34                 switch(k)
35                 {
36                     case 1://新建结点作为栈顶结点的左孩子
37                         st[top]->lchild=p;break;
38                     case 2://新建结点作为栈顶结点的右孩子
39                         st[top]->rchild=p;break;
40                     default:break;
41                 }
42             }
43             break;
44         }
45         j++;//继续扫描其他字符
46     }
47     return r;

```



5.4.1 [3298] 方法2-栈模拟



```
1  #include<bits/stdc++.h>
2  using namespace std;
3  struct node{
4      int left,right,father,id;
5      char ch;//数据域
6  }t[105];
7  void preInorder(int rt){
8      cout<<t[rt].ch;
9      if(t[rt].left)preInorder(t[rt].left);
10     if(t[rt].right)preInorder(t[rt].right);
11 }
12 void midInorder(int rt){
17 void postInorder(int rt){
22     stack<int> st;
23 int main(){// A(B(D,F(E)),C(G(H),I))
24     string str;
25     cin>>str;
26     int k,id=0,len=str.length();
27     for(int i=0;i<len;i++){
28         if(str[i]=='(')st.push(id),k=1;
29         else if(str[i]==')')st.pop();
30         else if(str[i]==',' )k=2;
31         else{
44     }
45     preInorder(1);cout<<endl;
46     midInorder(1);cout<<endl;
47     postInorder(1);
48     return 0;
49 }
```

5.4.1 [3298] 方法2-栈模拟

```

27 □ for(int i=0;i<len;i++){
28   if(str[i]=='(')st.push(id),k=1;
29   else if(str[i]==')')st.pop();
30   else if(str[i]==',')k=2;
31   else{
32     if(id==0){//表示根节点
33       id++;t[id].id=id,t[id].ch=str[i];
34       t[id].father=-1;
35     }
36     else{//非根节点
37       if(k==1){//左孩子
38         id++;t[id].id=id,t[id].ch=str[i];
39         t[id].father=st.top();
40         t[st.top()].left=id;
41       }
42       else if(k==2){
43         id++;t[id].id=id,t[id].ch=str[i];
44         t[id].father=st.top();
45         t[st.top()].right=id;
46       }
47     }
48   }
49 }

```

5.4.1 [3298] 方法3-递归

```
1  #include<bits/stdc++.h>
2  using namespace std;
3  char s[10000];
4  void dfs(int l,int r)
5  {
6      int x,start;
7      for(int i=l;i<=r;i++)
8      {
9          if(s[i]=='(')
10         {
11             x=1,start=i;
12             while(x!=0)
13             {//x==0表示找到了跟(匹配的)的位置
14                 i++;
15                 if(s[i]=='(') x++;
16                 else if(s[i]==')') x--;
17             }
18             dfs(start+1,i-1);
19         }
20         if(s[i]!='&&s[i]!=')')
21             cout<<s[i];
22     }
23 }
24 int main()
25 {
26     scanf("%s",s);//A(B(D,F(E,)),C(G,(H),I))
27     dfs(0,strlen(s)-1);
28     return 0;
29 }
```

5.4.2 [1530] 完全二叉树的高度



已知完全二叉树的结点数，求其高度。

输入文件中包含多个测试数据。每个测试数据占1行，为一个整数 n ($1 \leq n \leq 100$)，表示完全二叉树的结点数。输入文件中最后一行为0，表示测试数据结束。

对输入文件中的每个测试数据，输出完全二叉树的高度。

样例输入

10

20

0

样例输出

4

5.4.2 [1530] 完全二叉树的高度

```
1  #include<iostream>
2  using namespace std;
3  int main(){
4      int n,h;
5      while(cin>>n&& n!=0){
6          int h=0;
7          while(n!=0){
8              n/=2;
9              h++;
10         }
11         cout<<h<<endl;
12     }
13     return 0;
14 }
```

5.4.3 [1909] 二叉树1

给定完全二叉树的节点数 n ，要求输出完全二叉树的高度 k 、叶子节点个数 n_1 和非叶节点个数 n_2 。

输入

输入文件中包含多个测试数据。每个测试数据占一行，为一个自然数 n ， $n \leq 1000$ 。输入文件最后一行为0，表示输入结束。

输出

对输入文件中的每个测试数据，计算 k 、 n_1 和 n_2 并输出。

样例输入

12

0

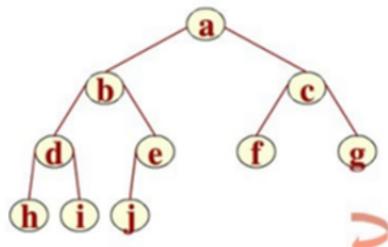
样例输出

4 6 6

5.4.3 [1909] 二叉树1

分析:

1. 观察完全二叉树来说, 我们可以发现度为1的点, 即 $n_1=0$ 或者 $n_1=1$ 。
2. 根据二叉树性质, $n_0=n_2+1$



- 当 $n_1=0$ 时 $n_0+n_2=n$
 $n_0=n_2+1$, 即 $n_2=(n-1)/2$ $n_0=(n+1)/2$
- 当 $n_1=1$ 时 $n_0+n_2=n-1$
 $n_0=n_2+1$, 即 $n_2=(n-2)/2$ $n_0=n/2$

5.4.3 [1909] 二叉树1

```
include <iostream>
#include <cmath>
using namespace std;
int main(){
int n,n2,n0;
while(cin>>n&&n!=0){
    n0=(n+1)/2;
    n2=n-n0;
    n=log(n)/log(2)+1;
cout<<n<<" "<<n0<<" "<<n2<<endl;
}
while(cin>>n&&n==0) break;
return 0;
}
```

5.4.4 [2886] 找树根和孩子

给定一棵树，输出树的根root，孩子最多的结点max以及他的孩子。

输入

第一行：n (结点个数 ≤ 100)，m (边数 ≤ 200)。

以下m行：每行两个结点x和y，表示y是x的孩子($x, y \leq 1000$)。

输出

第一行：树根：root;

第二行：孩子最多的结点max;

第三行：max的孩子。

样例输入

8 7

4 1

4 2

1 3

1 5

2 6

2 7

2 8

样例输出

4

2

6 7 8

5.4.4 [2886] 找树根和孩子



```
1 #include<iostream>
2 using namespace std;
3 int main(){
4     int parent[101]={0};
5     int m,n,x,y,maxnode,sum=0,root;
6     int i,j,k;
7     cin>>n>>m;
8     for(i=1;i<=m;i++){
9         cin>>x>>y;
10        parent[y]=x;//记录父亲节点
11    }
12    for(i=1;i<=n;i++){
13        if(parent[i]==0){
14            int max=0;
15            for(i=1;i<=n;i++){//寻找最大
16                cout<<root<<endl;
17                cout<<maxnode<<endl;
18            }
19            for(i=1;i<=n;i++){//寻找孩子
20                return 0;
21            }
22        }
23    }
```

```
13 for(i=1;i<=n;i++){
14     if(parent[i]==0){
15         root=i;//寻找父亲节点
16         break;
17     }
18 }
19 int max=0;
20 for(i=1;i<=n;i++){//寻找最大
21     sum=0;
22     for(j=1;j<=n;j++){
23         if(parent[j]==i)sum++;
24     }
25     if(sum>max){
26         max=sum;
27         maxnode=i;
28     }
29 }
30 cout<<root<<endl;
31 cout<<maxnode<<endl;
32 for(i=1;i<=n;i++){//寻找孩子
33     if(parent[i]==maxnode)
34         cout<<i<<" ";
35 }
```

5.4.5 [7278]: 二叉树求高度

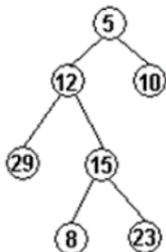
已知一棵二叉树用邻接表结构存储，求这棵树的高度。例：
如图二叉树的数据文件的数据格式如下：

输入

第一行n为二叉树的结点个树， $n \leq 100$ ；以下第一列数据是各结点的值，第二列数据是左儿子结点编号，第三列数据是右儿子结点编号。

输出 该树的高度

```
7
15
5 2 3
12 4 5
10 0 0
29 0 0
15 6 7
8 0 0
23 0 0
```



样例输入

```
7 5 2 3
12 4 5
10 0 0
29 0 0
15 6 7
8 0 0
23 0 0
```

样例输出

4

5.4.5 [7278]: 方法1

```
1  #include <iostream>
2  using namespace std;
3  #define nochild 0 /* 如果没有对应孩子, 设置为此 */
4  struct tree {
5      int self;
6      int lchild; // 左孩子
7      int rchild; // 右孩子
8  } example[1001];
9  int getDepth(int root) {
10     if (root==nochild) return 0;
11     return max(getDepth(example[root].lchild),getDepth(example[root].rchild))+1;
12 }
13
14 int main() {
15     int n,tmp;
16     scanf("%d",&n);
17     for (int i = 1; i <= n; i++) {
18         scanf("%d%d%d",&example[i].self,&example[i].lchild,&example[i].rchild);
19     }
20 }
```

5.4.5 [7278]: 方法2

```
1  #include<bits/stdc++.h>
2  using namespace std;
3  struct node{
4      int dat;
5      int left;
6      int right;
7  }a[105];
8  int n,x,ans,f;
9  void dfs(int r,int dep){
10     ans=max(dep,ans);
11     if(a[r].left) dfs(a[r].left,dep+1);
12     if(a[r].right) dfs(a[r].right,dep+1);
13 }
14 int main(){
15     scanf("%d",&n);
16     for(int i=1;i<=n;++i){
17         scanf("%d%d%d",&a[i].dat,&a[i].left,&a[i].right);
18     }
19
20     dfs(1,1);
21     printf("%d\n",ans);
22     return 0;
23 }
```

今天的课程结束啦.....



下课了...
同学们再见!